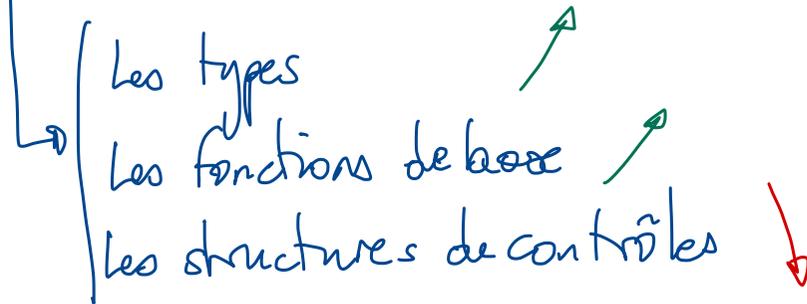




# Fonctions vs Algorithmes

Revisiter les classes de fonctions (FP, par exemple)

Regarder les algorithmes / programmes écrivables pour une fonction de la classe



Le langage LOOP

Lo avec -1 +

Lo avec break +

le schéma de la récursion primitive

↳ Avec liste d'entiers +

↳ récursion mutuelle

↳ récursion avec paramètre variable

En fonction du type d'appel  
valeur, nom, ...

$$\text{PR} \left[ \begin{array}{l} f(0, y) = g(y) \\ f(x+1, y) = h(x, f(x, y), y) \end{array} \right.$$

$$\text{PRV} \left[ \begin{array}{l} f(0, y) = g(y) \\ f(x+1, y) = h(x, f(x, j(x, y)), y) \end{array} \right.$$

- $X = 0$
- $X = 2$
- $X = X + 1$
- LOOP X DO

DONE

- 
- $X = X - 1$
  - IF  $X = 0$  THEN

ELSE

FI

- BREAK

$$\text{PRL} \left[ \begin{array}{l} f([], y) = g(y) \\ f(x::xs, y) = h(x, xs, f(xs, y), y) \end{array} \right.$$

Notion de complétude algorithmique

Regarder le pouvoir  
algorithmique des ODE discrètes

# Classes d'algorithmes

Point de départ : Thèse de Gurevich

Tout algorithme séquentiel est représentable/implémentable  
pos à pos par un programme d'algèbre évolutive (ASM/EA)

instructions  $\left[ \begin{array}{l} \bullet \text{ if } C \text{ then } f(t_1, \dots, t_n) := t_0 \quad [\text{Test and Set}] \\ \bullet i_1 \parallel i_2 \quad [\text{Simultanéité}] \end{array} \right.$

programme  $\left[ \text{itération de l'instruction jusqu'à point fixe} \right.$

$t_i$  termes

$f$  symbole de fonction

$:=$  mise à jour en 1 point

$\parallel$  en même temps

ex if  $x \neq 0$  then  $x := x - 1$

$\parallel$  if  $y \neq 0$  then  $y := y - 1$

ex if not NF( $t$ ) then  $t := \text{Reduce}(t)$

⇒ Définir des classes d'algorithmes à partir de cette formalisation et thèse

⇒ Etant donnée une classe d'algorithmes  $C$ .  
Est ce que le langage  $L$  implémente les algo de  $C$  ?

.....