

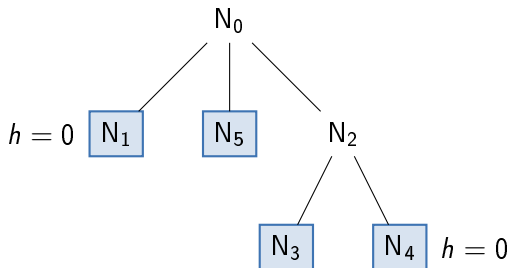
# INF431 - TD4

Quelques erreurs fréquentes et conseils ...

Marc Mezzarobba   Yann Ponty

3 mars 2010

# Hauteur d'un noeud dans un arbres



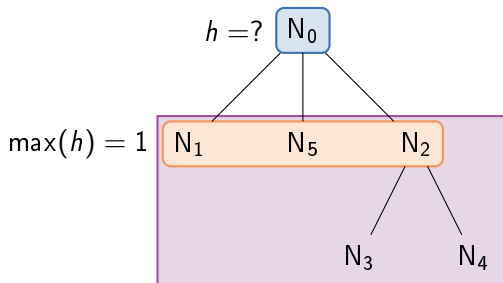
On rappelle que la hauteur  $h(n)$  d'un noeud  $n$  est :

- $h(n) = 0$  si  $n$  est une feuille
- $h(n) = 1 + \max_{f \in \text{Fils}(n)} (h(f))$  si  $n$  noeud interne

Une **feuille** est un **noeud sans fils** ( $\text{Fils}(n) = \emptyset$ )

**Rem. :** Passer une **liste de fils** au constructeur du noeud ne le rend automatiquement interne (Liste peut être vide).

# Hauteur d'un noeud dans un arbres



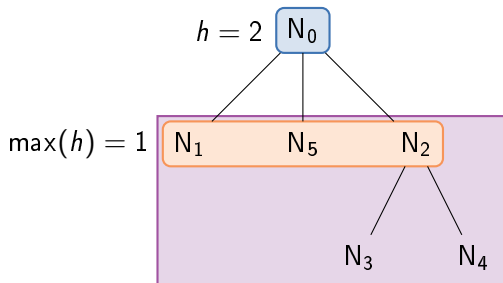
On rappelle que la hauteur  $h(n)$  d'un noeud  $n$  est :

- $h(n) = 0$  si  $n$  est une feuille
- $h(n) = 1 + \max_{f \in \text{Fils}(n)} (h(f))$  si  $n$  noeud interne

Une **feuille** est un **noeud sans fils** ( $\text{Fils}(n) = \emptyset$ )

**Rem. :** Passer une **liste de fils** au constructeur du noeud ne le rend automatiquement interne (Liste peut être vide).

# Hauteur d'un noeud dans un arbres



On rappelle que la hauteur  $h(n)$  d'un noeud  $n$  est :

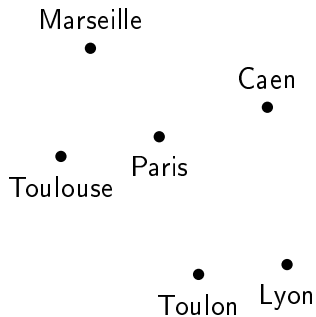
- $h(n) = 0$  si  $n$  est une feuille
- $h(n) = 1 + \max_{f \in \text{Fils}(n)} (h(f))$  si  $n$  noeud interne

Une **feuille** est un **noeud sans fils** ( $\text{Fils}(n) = \emptyset$ )

**Rem. :** Passer une **liste de fils** au constructeur du noeud ne le rend automatiquement interne (Liste peut être vide).

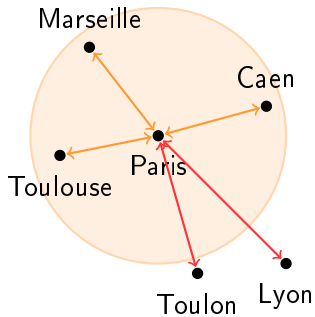
# Graphe euclidien

Dans un **graphe euclidien**,  $N_1$  et  $N_2$  sont voisins ssi  $|N_1, N_2| \leq \Delta$



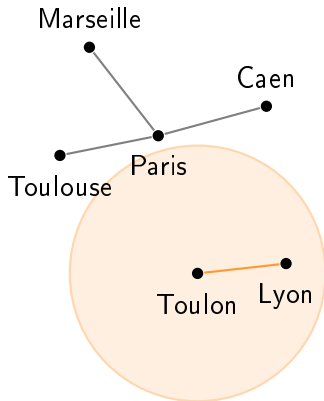
# Graphe euclidien

Dans un **graphe euclidien**,  $N_1$  et  $N_2$  sont voisins ssi  $|N_1, N_2| \leq \Delta$



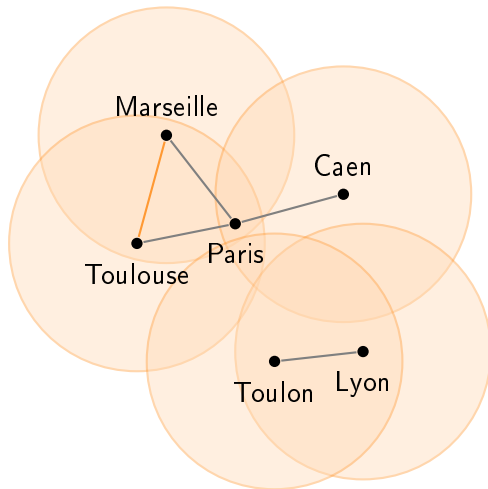
# Graphe euclidien

Dans un **graphe euclidien**,  $N_1$  et  $N_2$  sont voisins ssi  $|N_1, N_2| \leq \Delta$



# Graphe euclidien

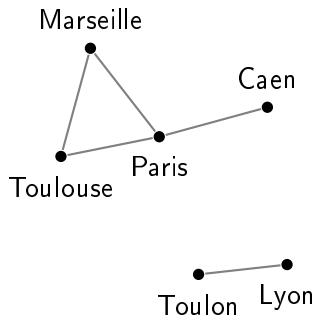
Dans un **graphe euclidien**,  $N_1$  et  $N_2$  sont voisins ssi  $|N_1, N_2| \leq \Delta$





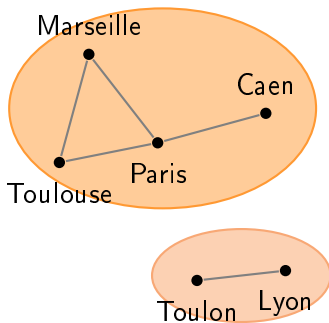
# Graphe euclidien

Dans un **graphe euclidien**,  $N_1$  et  $N_2$  sont voisins ssi  $|N_1, N_2| \leq \Delta$

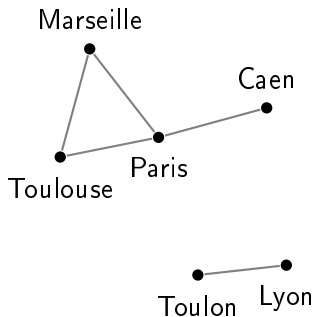


# Composantes connexes

**Composantes** = Classes d'équivalence issues de la relation de voisinage.

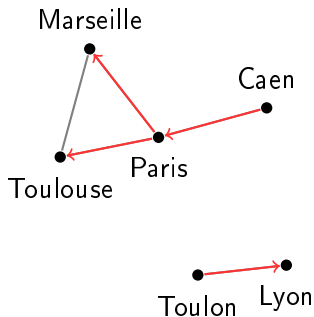


Graphe (dirigé) déterministe = Tout noeud a degré sortant 0 ou 1.



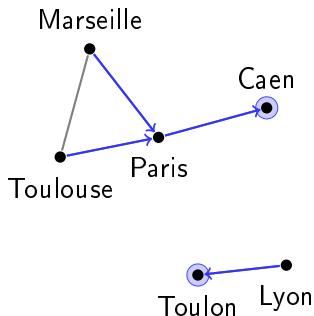
Dans chaque composante,  $\exists$  un unique noeud terminal, le **terminus**.

Grphe (dirigé) déterministe = Tout noeud a degré sortant 0 ou 1.



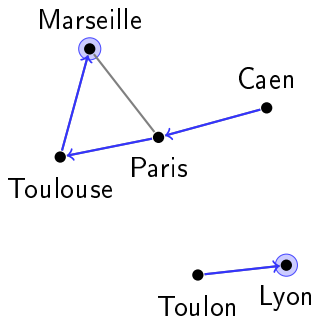
Dans chaque composante,  $\exists$  un unique noeud terminal, le **terminus**.

Grphe (dirigé) déterministe = Tout noeud a degré sortant 0 ou 1.



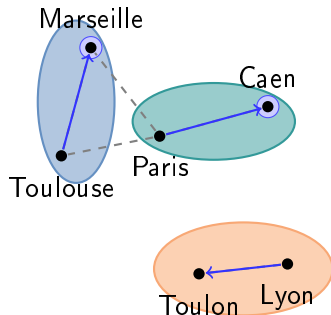
Dans chaque composante,  $\exists$  un unique noeud terminal, le **terminus**.

Grphe (dirigé) déterministe = Tout noeud a degré sortant 0 ou 1.



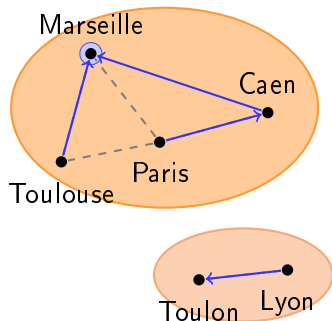
Dans chaque composante,  $\exists$  un unique noeud terminal, le **terminus**.

Dans un graphe déterministe, on **fusionne** deux noeuds dans une même composante en unissant leur terminus.



En fusionnant peu à peu dans le **graphe déterministe** les noeuds voisins dans le **graphe euclidien**, on finit par faire coïncider les composantes des deux graphes.

Dans un graphe déterministe, on **fusionne** deux noeuds dans une même composante en unissant leur terminus.



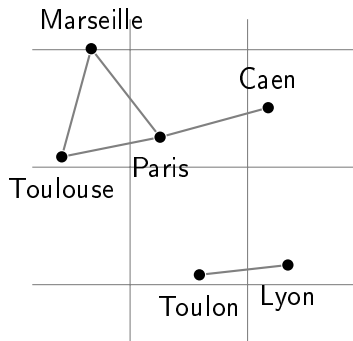
En fusionnant peu à peu dans le **graphe déterministe** les noeuds voisins dans le **graphe euclidien**, on finit par faire coïncider les composantes des deux graphes.



# Rappels sur les graphes

Plutôt que de tester toute paire de noeuds, on peut **organiser les noeuds** dans une grille de dimension  $\Delta$ .

$\Rightarrow$  Les noeuds non-adjacents dans la grille sont à distance  $> \Delta$ , et on peut éviter de les tester.



**Exemple :** Les couples (Caen, Marseille), (Caen, Toulouse), (Lyon, Marseille) et (Lyon, Toulouse) peuvent être ignorés.