

Cours M2 BIM - Séance 1

Repliement *in silico* de l'ARN

Yann Ponty

Bioinformatics Team
École Polytechnique/CNRS/INRIA AMIB – France

1er Février 2010

1 Introduction

- Fonction(s) de l'ARN
- Repliement et structure
- Représentations de la structure secondaire

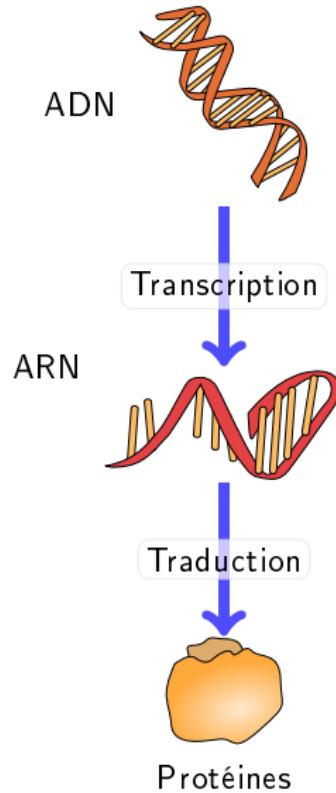
2 Formalisation du repliement et outils disponibles

- Aparté thermodynamique
- Programmation dynamique : Rappels

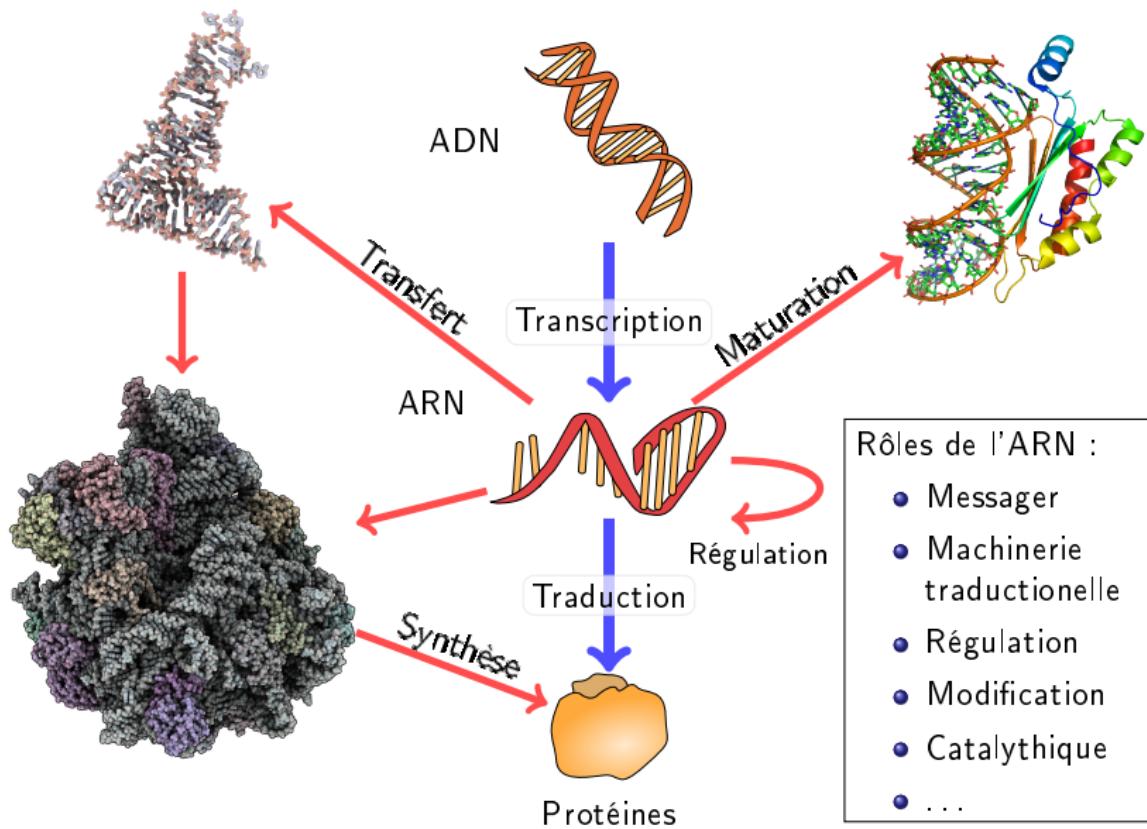
3 Minimisation de l'énergie libre

- Modèle de Nussinov
- Modèle de Turner
- MFold/Unafold
- Performances et approches comparatives
- Vers une prédition ab-initio 3D

Dogme fondamental de la biologie moléculaire

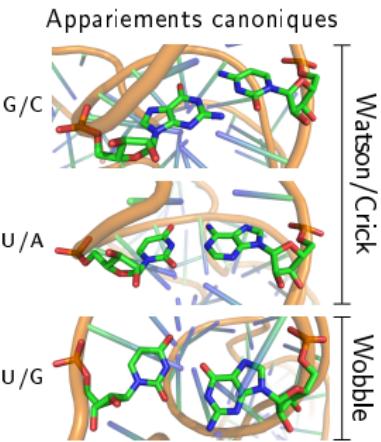
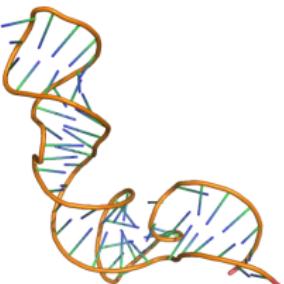


Dogme fondamental de la biologie moléculaire



Repliement de l'ARN

ARN = Biopolymère composé de nucléotides A,C,G et U
A : Adénosine, C : Cytosine, G : Guanine et U : Uracile



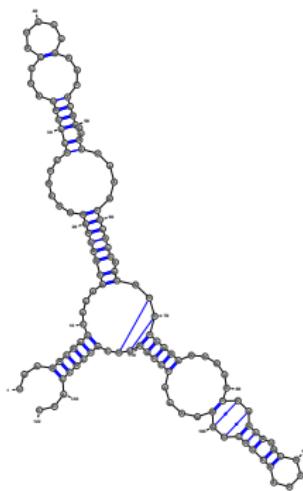
Repliement de l'ARN = Processus stochastique continu dirigé par (résultant en) un appariement des nucléotides.

Comprendre le repliement des ARN aide à comprendre et prédire leur fonction.

Trois¹ niveaux de représentation :

UUAGGCGGCCACAGC
GGUGGGGUUGCCUCC
CGUACCCAUCCCGAA
CACGGAAGAUAGGC
CACCAGCGUUCGGGG
GAGUACUGGAGUGCG
CGAGCCUCUGGGAAA
CCCGGUUCGCCGCCA
CC

Structure primaire



Structure secondaire



Structure tertiaire

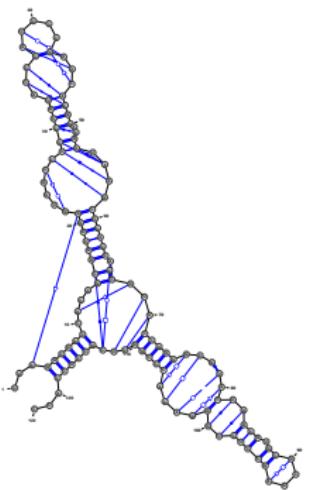
Source : 5s rRNA (PDB 1K73 :B)

1. Enfin, presque ...

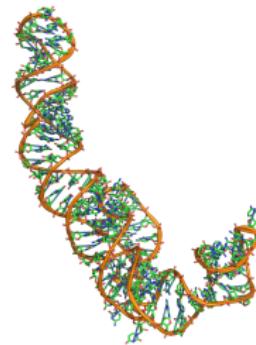
Trois¹ niveaux de représentation :

UUAGGCGGCCACAGC
GGUGGGGUUGCCUCC
CGUACCCAUCCCGAA
CACGGAAGAUAGGC
CACCAAGCGUUCGGGG
GAGUACUGGAGUGCG
CGAGCCUCUGGGAAA
CCCGGUUCGCCGCCA
CC

Structure primaire



Structure secondaire⁺



Structure tertiaire

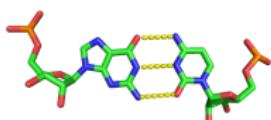
Source : 5s rRNA (PDB 1K73 :B)

1. Enfin, presque ...

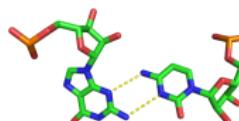
- Appariements non-canoniques

Toute paire de base **autre que** {(A-U), (C-G), (G-U)}

Ou interagissant sur un bord non-standard (WC/WC-Cis) [LW01].

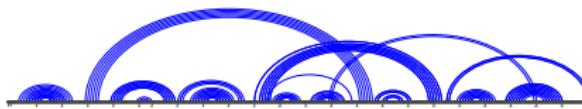


Paire CG canonique (WC /WC-Cis)



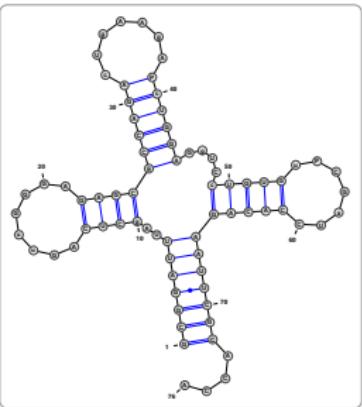
Paire CG non canonique (Sucré/WC-Trans)

- Pseudonoeuds



Structure pseudonoeud d'un Ribozyme du Groupe I (PDBID : 1Y0Q :A)

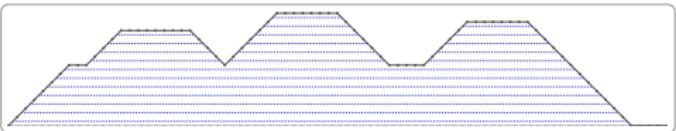
Plus expressif, mais repliement général *in silico* avec pseudonoeud :
⇒ NP-Complet [LP00] ... polynomial pour certaines classes [CDR⁺04].



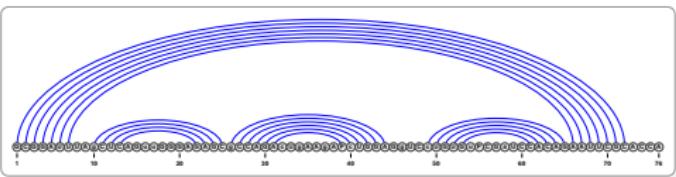
Graphe planaire (outer planar)

((((((((..((((.....))))((((((.....))))....((((.....))))))))....

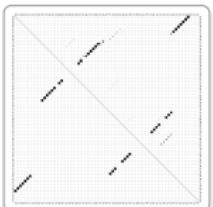
Expression bien parenthésée



Mountain view



Linéaire



Dot plot

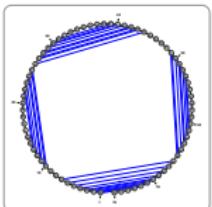


Diagramme de Feynman

Représentation différentes et équivalentes
⇒ Aide l'intuition algorithmique
+ Propriétés algébriques sympathiques

1 Introduction

- Fonction(s) de l'ARN
- Repliement et structure
- Représentations de la structure secondaire

2 Formalisation du repliement et outils disponibles

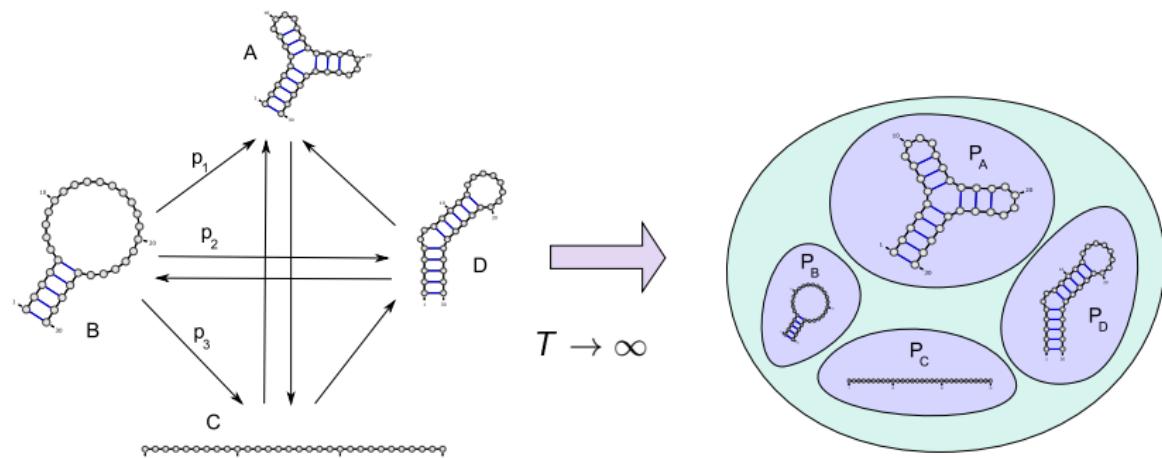
- Aparté thermodynamique
- Programmation dynamique : Rappels

3 Minimisation de l'énergie libre

- Modèle de Nussinov
- Modèle de Turner
- MFold/Unafold
- Performances et approches comparatives
- Vers une prédiction ab-initio 3D

Aparté thermodynamique

A l'échelle nanoscopique, la structure de l'ARN *fluctue*.



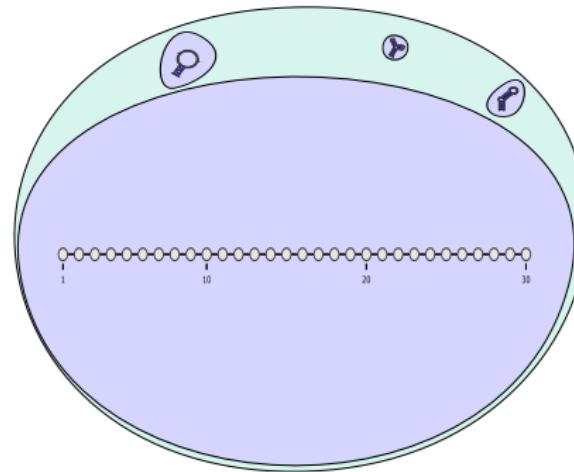
Convergence vers une **distribution stationnaire de probabilité**, l'**équilibre de Boltzmann**, où la probabilité est exponentiellement faible sur l'**énergie libre**.
Corollaire : La conformation initiale est sans d'importance.

Problèmes soulevés :

Étant donnés des modèles pour l'**ensemble des conformations** et l'**énergie libre**.

- Déterminer la structure la plus probable (= Energie libre min.) à l'équilibre
- Déterminer des propriétés moyennes de l'ensemble de Boltzmann

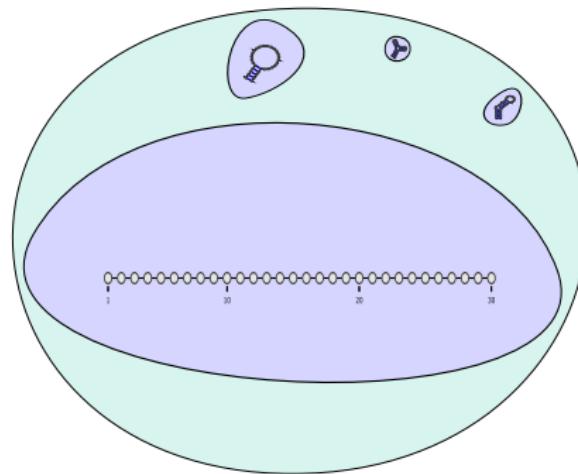
Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 0$$

Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

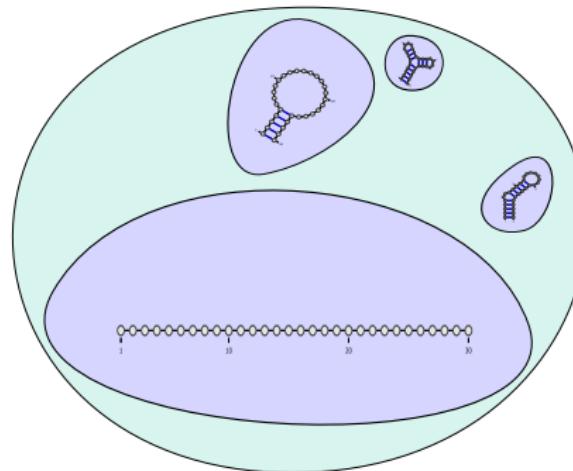
Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 1h$$

Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

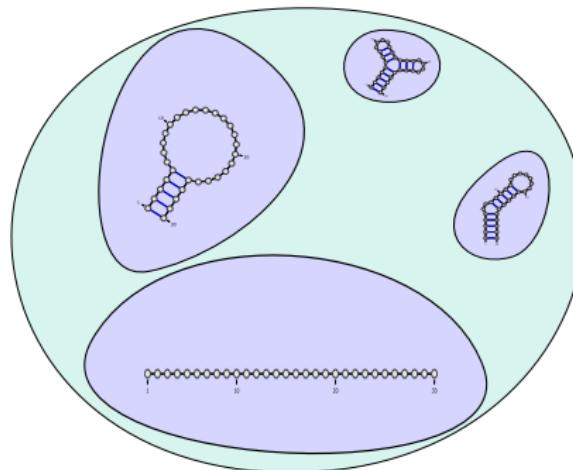
Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 2h$$

Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

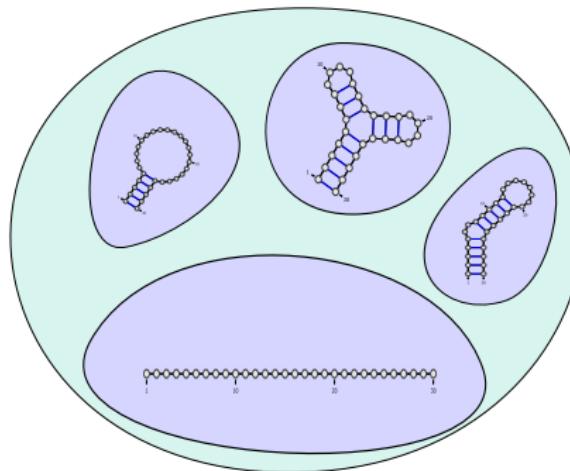
Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 5h$$

Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

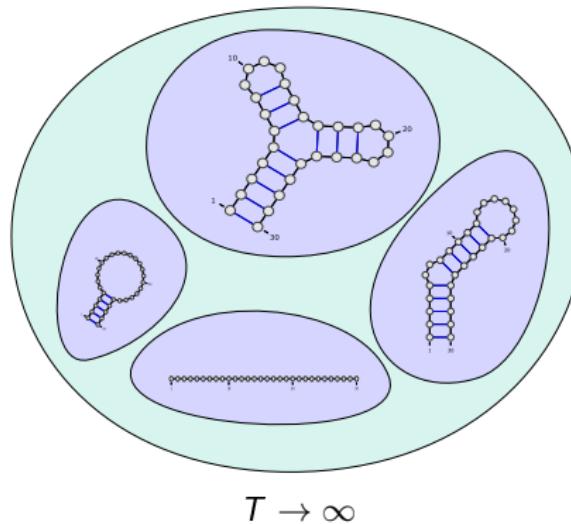
Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 10\text{h}$$

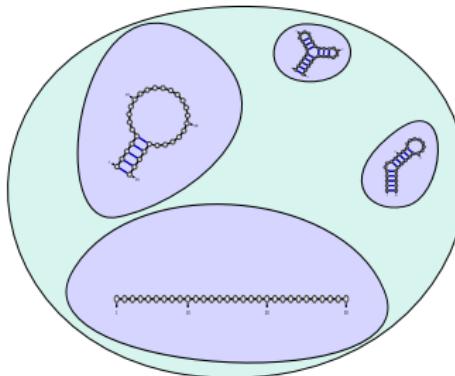
Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

Transcription : ARN synthétisé sans appariement (Sauf exception)



$$T = 10\text{h}$$

Mais majorité des ARNm dégradés avant 7h (Org. : Souris [SSN⁺09]).

- A. Déterminer la structure la plus probable (= Energie libre min.) à l'équilibre
- B. Déterminer des propriétés moyennes de l'ensemble de Boltzmann
- C. Déterminer la structure la plus probable à temps T .
(c.f. H. Isambert par simulation, NP-complet en déterministe [MTSC09])

1 Introduction

- Fonction(s) de l'ARN
- Repliement et structure
- Représentations de la structure secondaire

2 Formalisation du repliement et outils disponibles

- Aparté thermodynamique
- Programmation dynamique : Rappels

3 Minimisation de l'énergie libre

- Modèle de Nussinov
- Modèle de Turner
- MFold/Unafold
- Performances et approches comparatives
- Vers une prédition ab-initio 3D

Programmation dynamique : Principe général

Programmation dynamique = Technique générale pour l'optimisation.

Condition : Solution optimale pour P peut être reconstruite à partir de solutions pour des sous-problèmes strictes de P .

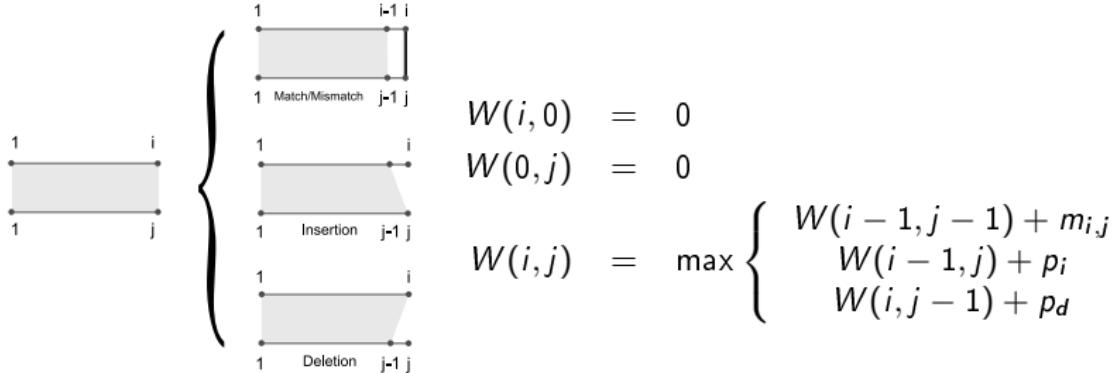
Bioinformatique :

Espaces de solutions discrets (alignements, repliements)

+ Fonctions Objectif additives (score, énergie)

⇒ Schémas de programmation dynamique souvent efficaces.

Exemple : Alignement local (Smith/Waterman)



Un schéma fait intervenir des *classes* de sous-problèmes dont on sait calculer le score du *champion*.

Étant donné un schéma, deux étapes :

- **Calcul matrices** : Sauvegarde des meilleurs scores sur classes de sous-problèmes (Ordre inverse de celui induit par les dépendances).
- **Remontée** : Reconstitue le parcours ayant mené au meilleur score.
(Parcours = Instance)

Complexité du calcul dépend alors :

- **Taille** de l'espace des sous-problèmes
- **Nombres** de sous-problèmes considérés (#Termes décomposition)

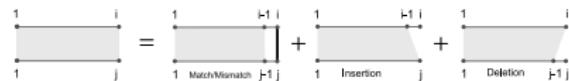
Exemple S/W :

$$i : 1 \rightarrow n + 1 \Rightarrow \Theta(n)$$

$$j : 1 \rightarrow m + 1 \Rightarrow \Theta(m)$$

Trois opération pour chaque sous-calcu

$\Rightarrow \Theta(m.n)$ temps/ mémoire



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0							
G		0						
C			0					
A				0				
C					0			
A						0		
C							0	
A								0

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0 → 2							
G	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	2	1					
G	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	2 → 1 → 2						
G	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	2 → 1	2 → 1	2 → 1				
G	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

	A	C	A	C	A	C	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	2 → 1	2 → 1	2 → 1	2 → 1	0 ↓	0 ↓	0 ↓
G	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							
C	0							
A	0							

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

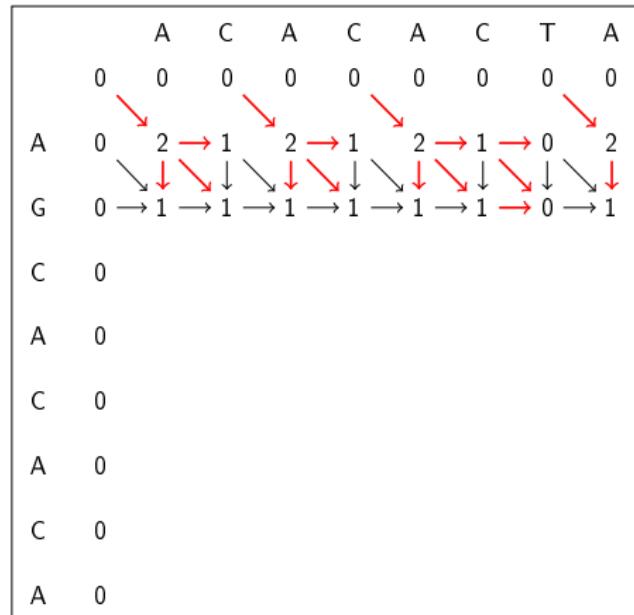
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

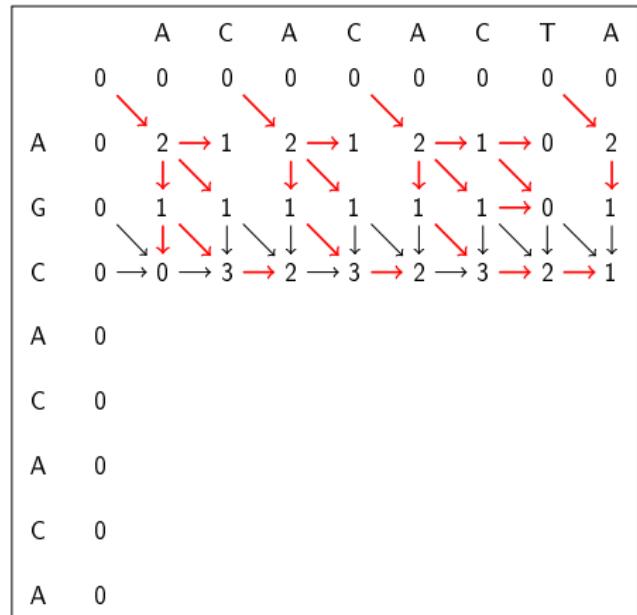
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

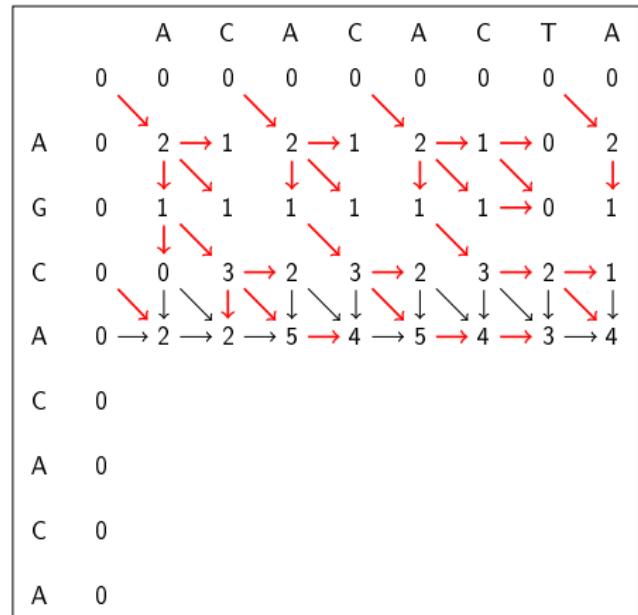
Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$



Meilleur alignement :

Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

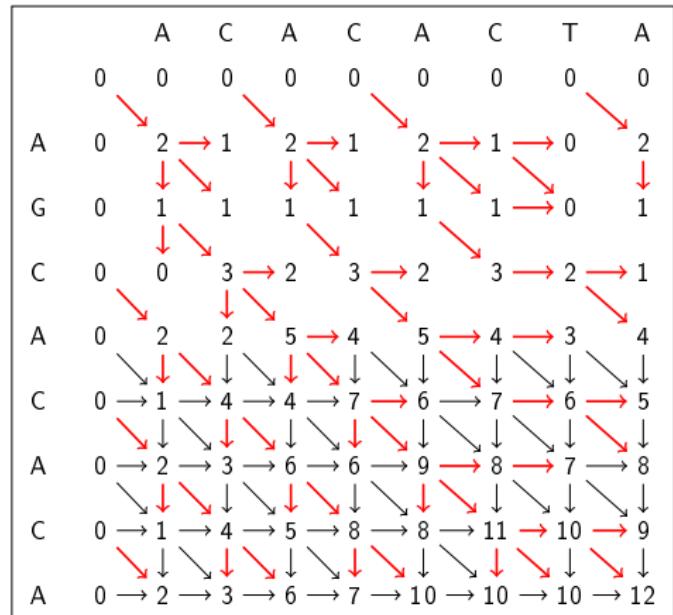
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

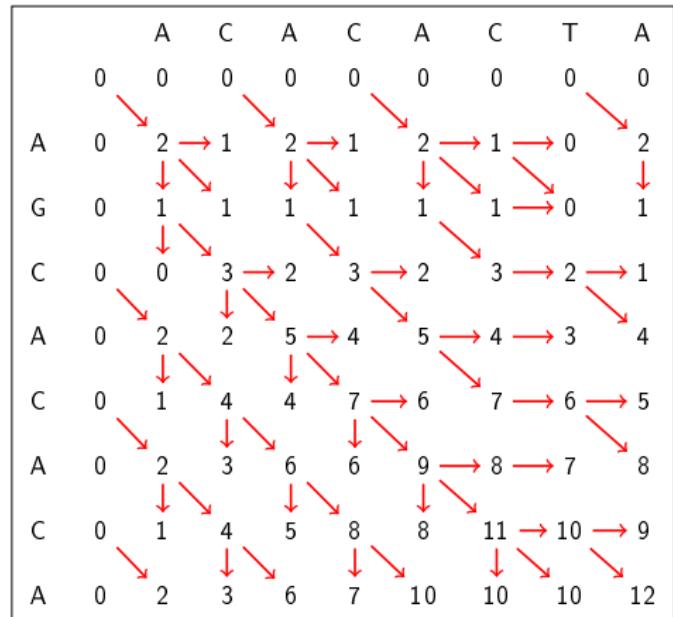
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \left\{ \begin{array}{l} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{array} \right.$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

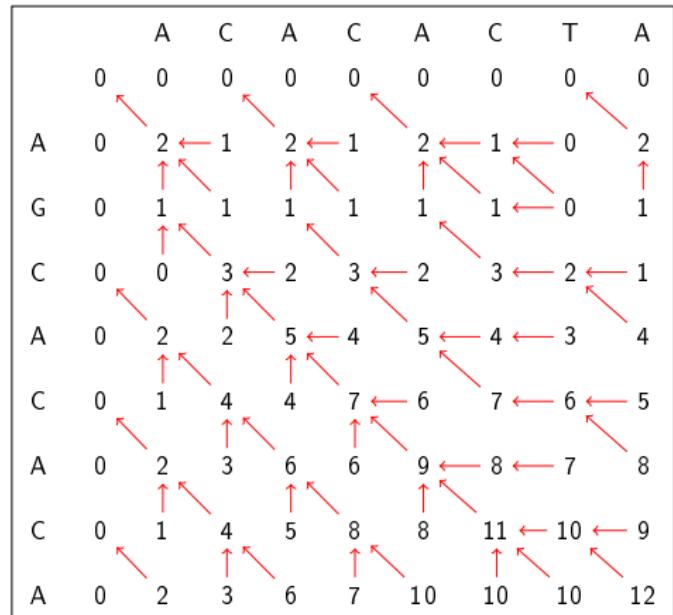
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

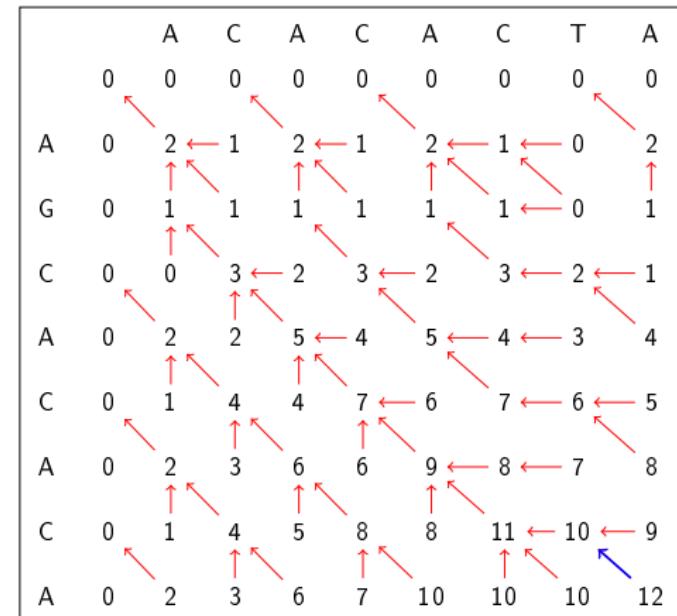
Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0,j) = 0$$

$$W(i,j) = \max \begin{cases} W(i-1, j-1) + m_{ij} \\ W(i-1, j) + p_i \\ W(i, j-1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

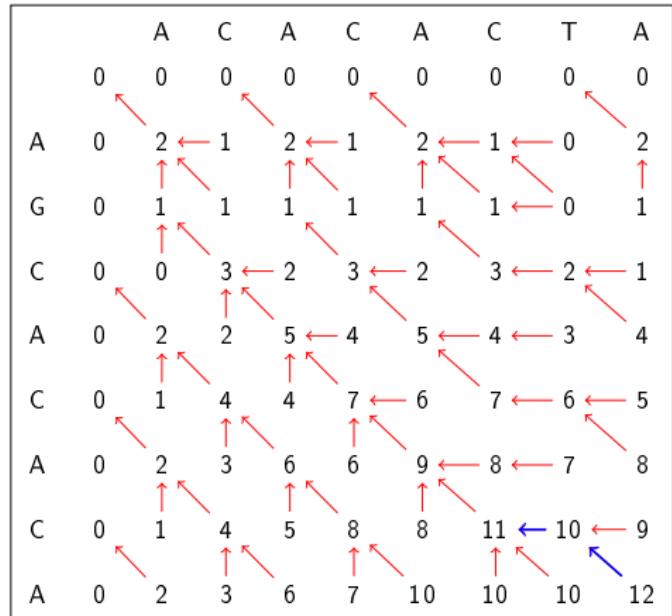
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

- A
T A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

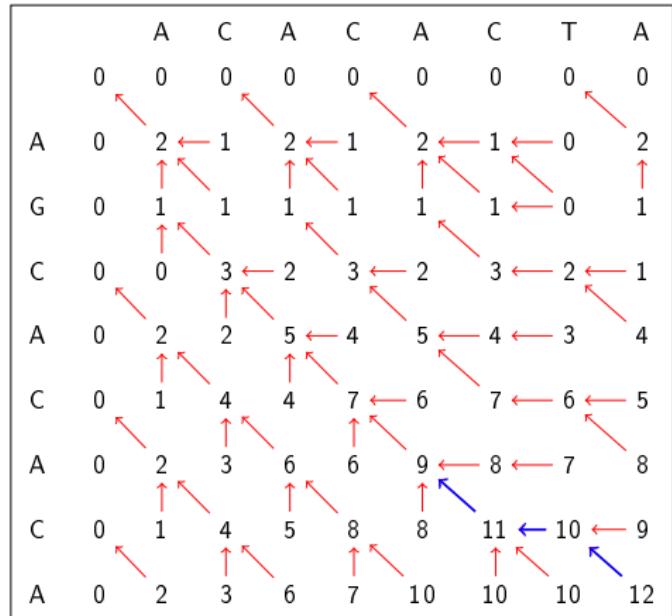
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \left\{ \begin{array}{l} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{array} \right.$$

Meilleur alignement :

C - A
C T A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

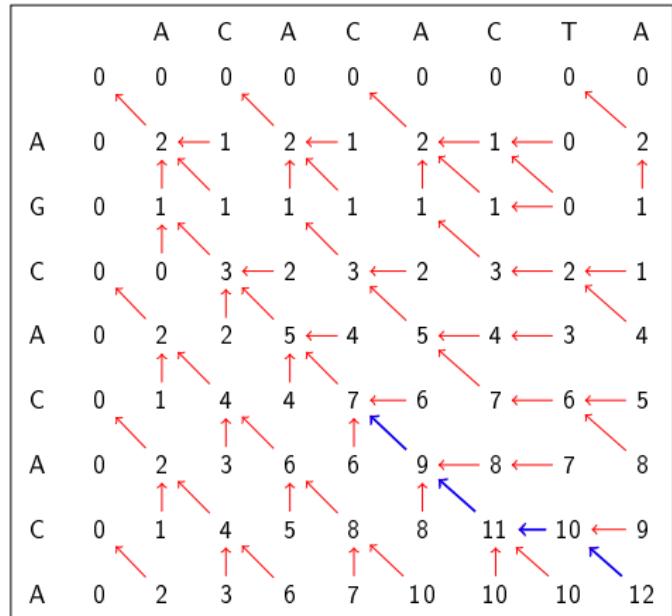
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \left\{ \begin{array}{l} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{array} \right.$$

Meilleur alignement :

A C - A
A C T A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

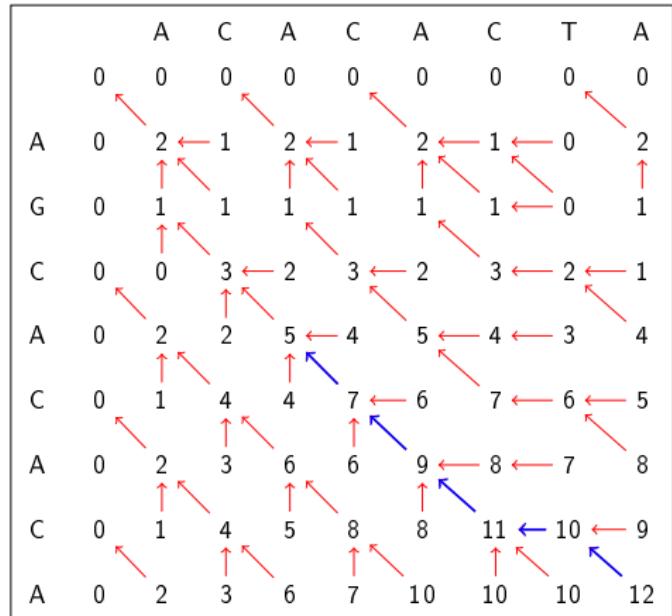
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

C	A	C	-	A
C	A	C	T	A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

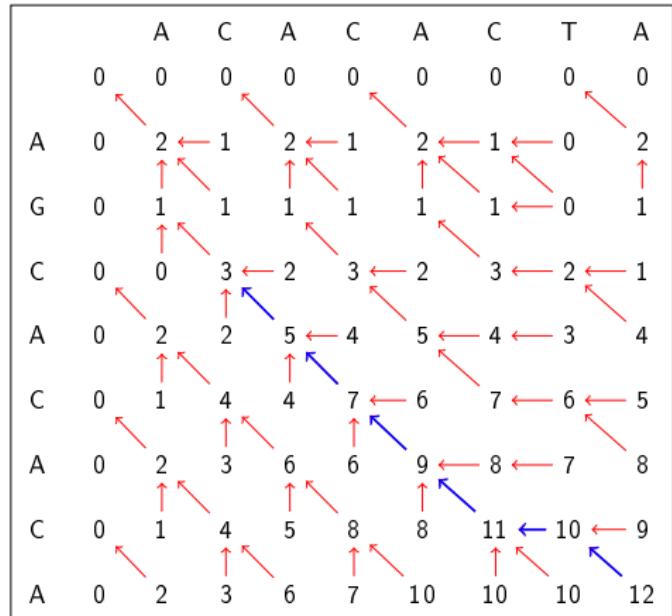
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

A	C	A	C	-	A
A	C	A	C	T	A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

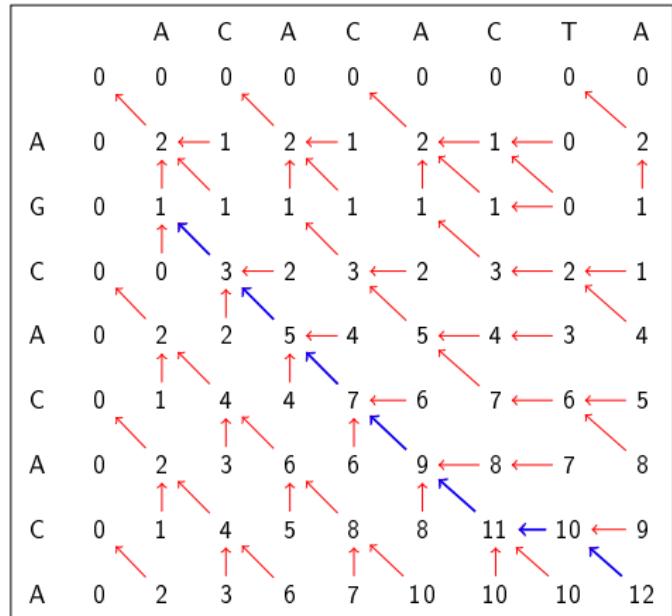
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

C	A	C	A	C	-	A
C	A	C	A	C	T	A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

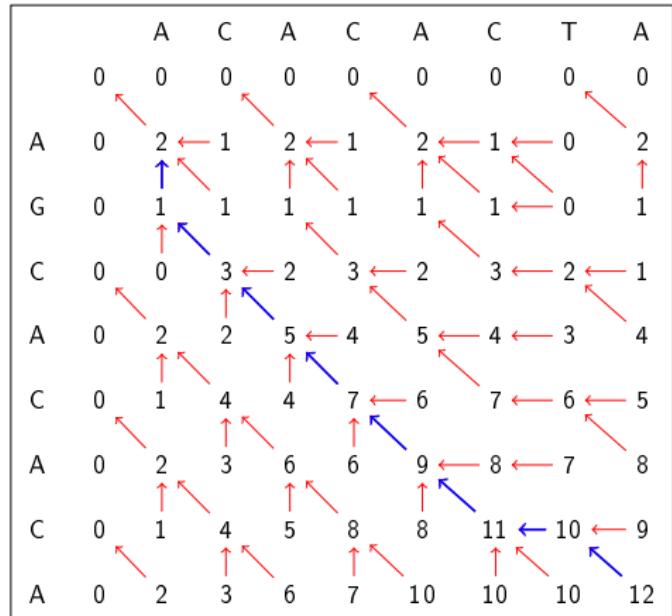
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

G	C	A	C	A	C	-	A
-	C	A	C	A	C	T	A



Exemple complet

Exemple : Alignement local de séquences AGCACACA et ACACACTA

Coûts : Match $m_{i,j} = +2$, Insertion/Déletion $p_i = p_j = -1$

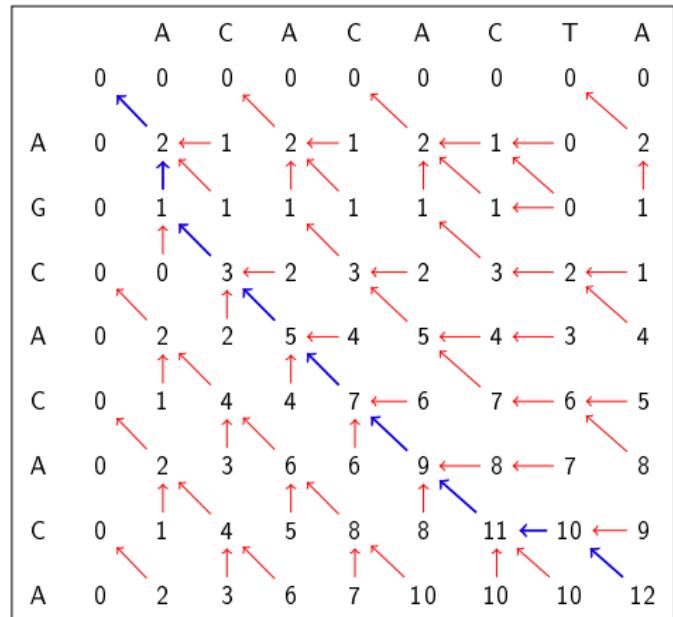
$$W(i, 0) = 0$$

$$W(0, j) = 0$$

$$W(i, j) = \max \begin{cases} W(i - 1, j - 1) + m_{i,j} \\ W(i - 1, j) + p_i \\ W(i, j - 1) + p_d \end{cases}$$

Meilleur alignement :

A	G	C	A	C	A	C	-	A
A	-	C	A	C	A	C	T	A



Propriétés requise d'un schéma :

- **Validité** : \forall sous-problème, la valeur obtenue doit être celle de la fonction objectif.

Preuve souvent assez technique.

Propriétés souhaitables d'un schéma :

- **Complétude** : Espace des solutions engendré par la décomposition.
Des astuces algorithmiques peuvent *couper des branches*...
- **Non-ambiguité** : Chaque solution est *engendrée* au plus une fois.
⇒ Possibilité d'*énumérer* l'espace des solutions.

1 Introduction

- Fonction(s) de l'ARN
- Repliement et structure
- Représentations de la structure secondaire

2 Formalisation du repliement et outils disponibles

- Aparté thermodynamique
- Programmation dynamique : Rappels

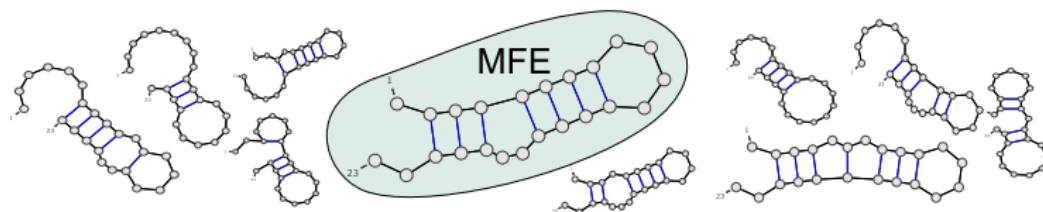
3 Minimisation de l'énergie libre

- Modèle de Nussinov
- Modèle de Turner
- MFold/Unafold
- Performances et approches comparatives
- Vers une prédition ab-initio 3D

Problème A : Déterminer la structure d'énergie minimale.

Repliement ab initio =

Trouver structure d'un ARN ω uniquement à partir de sa séquence.



- **Conformations** : Ensemble S_ω des structures secondaires compatibles avec la structure primaire ω (contrainte d'appariements).
- **Fonction d'énergie** Énergie libre associant une valeur numérique $E_{\omega, S}$ ($\text{KCal} \cdot \text{mol}^{-1}$) à tout couple séquence/conformation (ω, S) .
- **Structure native** : Conformation fonctionnelle de la molécule.

Remarques :

- Pas nécessairement unique (Cinétique ou structures bi-stables)
- Présence de pseudo-noeuds : Ambiguité, quelle est la structure native ?

Modèle de Nussinov/Jacobson (NJ)

Plus proche voisins simple :

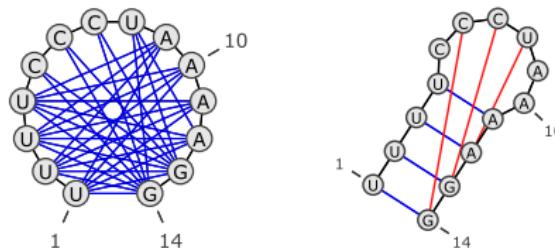
- Seuls les appariements contribuent à l'énergie
- Uniquement liaisons Watson/Crick (A/U,C/G) et Wobble (G/U)

$$\Rightarrow E_{\omega,S} = -\#\text{Paires}(S)$$

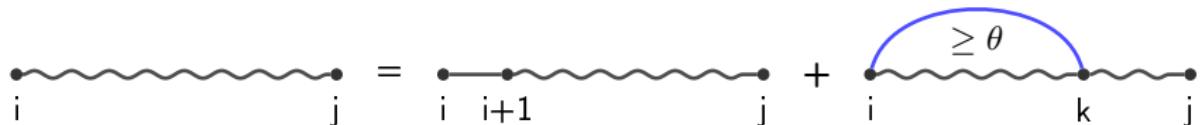
Repliement dans NJ \Leftrightarrow Maximisation du nombre de paires de bases.

Exemple :

UUUUUCCCUAAAAGG

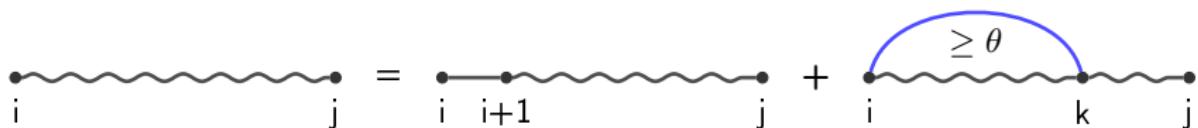


Variante : Pondérer les paires selon leur nombre de liaisons hydrogène
 $\Delta G(G \equiv C) = -3$ $\Delta G(A = U) = -2$ $\Delta G(G - U) = -1$



$$N_{i,t} = 0, \quad \forall t \in [i, i + \theta]$$

$$N_{i,j} = \min \left\{ \begin{array}{ll} N_{i+1,j} & i \text{ non apparié} \\ \min_{k=i+\theta+1}^j E_{i,k} + N_{i+1,k-1} + N_{k+1,j} & i \text{ apparié à } k \end{array} \right.$$



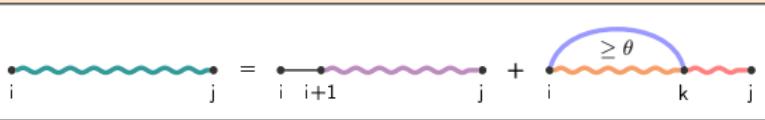
$$N_{i,t} = 0, \quad \forall t \in [i, i + \theta]$$

$$N_{i,j} = \min \begin{cases} N_{i+1,j} & i \text{ non apparié} \\ \min_{k=i+\theta+1}^j E_{i,k} + N_{i+1,k-1} + N_{k+1,j} & i \text{ apparié à } k \end{cases}$$

Correction : On cherche à montrer que l'énergie de la structure d'énergie la plus faible ($\text{MFE}_{1,n}$) est bien calculée dans $N_{1,n}$. Dans toute structure secondaire restreinte à $[i, j]$ la première position i est :

- Soit non-appariée : $\text{MFE}_{i,j}$ est constituée des appariements de $\text{MFE}_{i+1,j}$.
- Soit appariée à k : $\text{MFE}_{i,j}$ contient l'appariement (i, k) et l'union des appariements de $\text{MFE}_{i+1,k-1}$ et de $\text{MFE}_{k+1,j}$. En effet, tout appariement entre les régions $[i+1, k-1]$ et $[k+1, j]$ croiseraient (i, k) (Pseudonoeud).

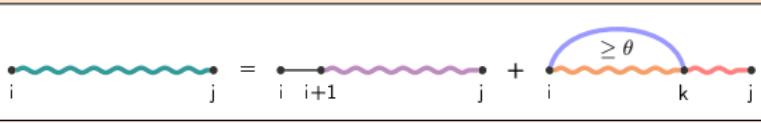
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



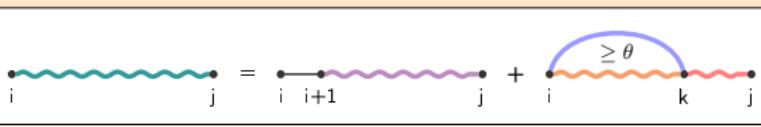
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



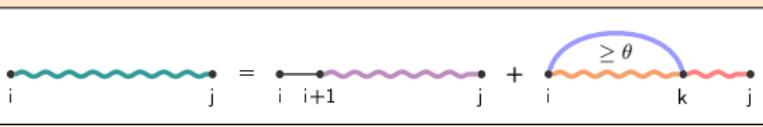
	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	C	G	A
.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



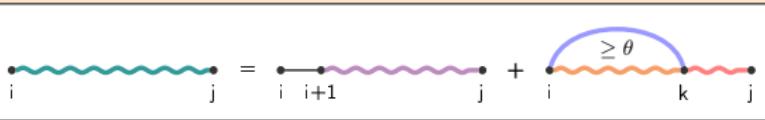
	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



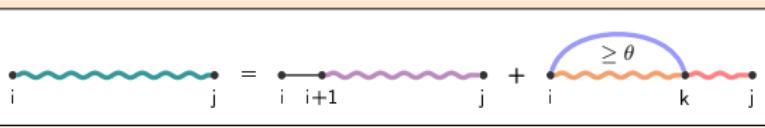
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
(.)	.	
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



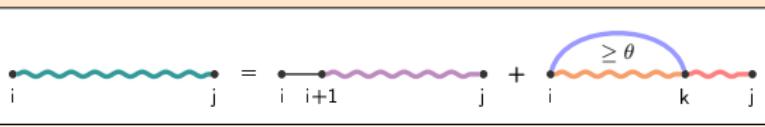
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
(.).	.	
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



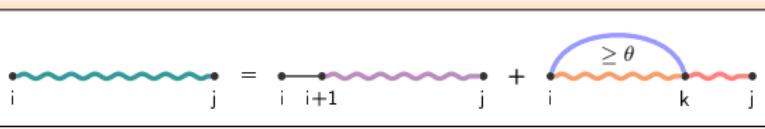
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(.).	.		
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



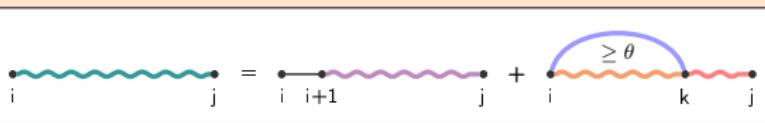
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(.).	.		
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	3	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



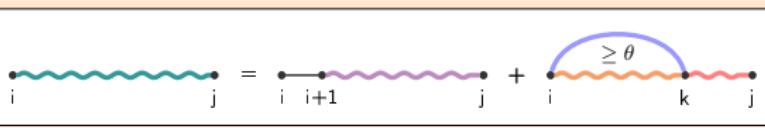
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(.).	.		
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	3	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



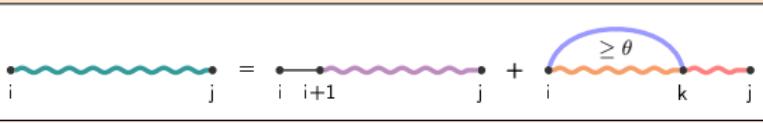
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
(.)	.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



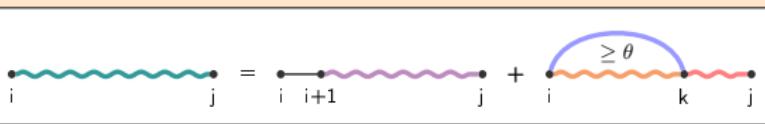
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(.).	.		
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



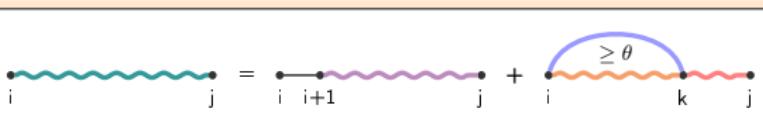
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
(.)	.	
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



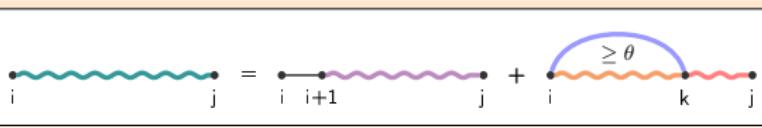
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
((.))	.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



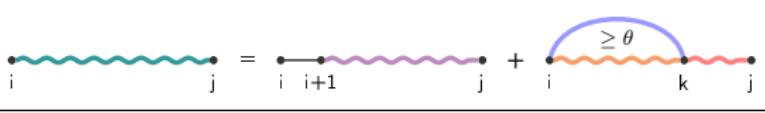
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
((.))	.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



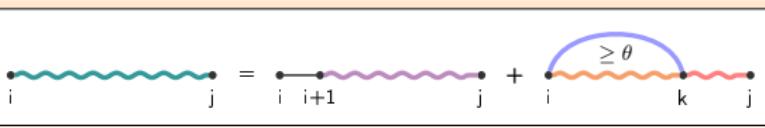
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
	((.))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



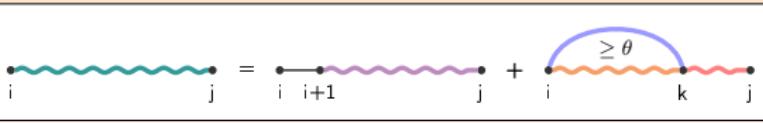
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



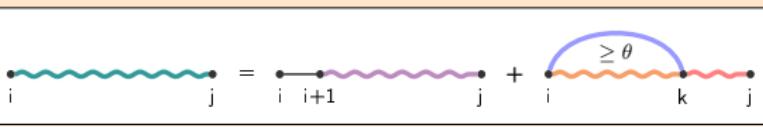
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)	))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7				
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



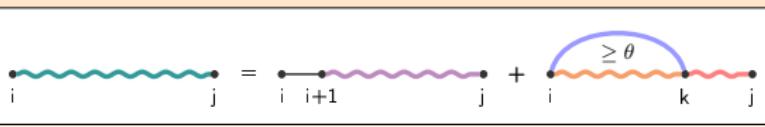
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

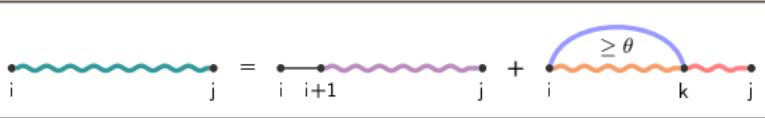


C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

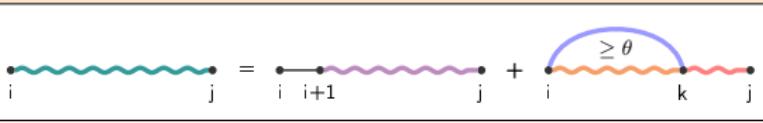


C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	$\text{G} = \text{G} + \begin{cases} \text{G} & \text{if } i = j \\ \text{G} + \text{G} & \text{if } i < j \text{ and } \theta \geq \theta \\ \text{G} + \text{G} & \text{if } i < j \text{ and } \theta < \theta \end{cases}$										0	0	0	0	0	0	0	0
C	$\text{C} = \text{C} + \begin{cases} \text{C} & \text{if } i = j \\ \text{C} + \text{C} & \text{if } i < j \text{ and } \theta \geq \theta \\ \text{C} + \text{C} & \text{if } i < j \text{ and } \theta < \theta \end{cases}$										0	0	0	0	0	0	0	0
G	$\text{G} = \text{G} + \begin{cases} \text{G} & \text{if } i = j \\ \text{G} + \text{G} & \text{if } i < j \text{ and } \theta \geq \theta \\ \text{G} + \text{G} & \text{if } i < j \text{ and } \theta < \theta \end{cases}$										0	0	0	0	0	0	0	0
A	$\text{A} = \text{A} + \begin{cases} \text{A} & \text{if } i = j \\ \text{A} + \text{A} & \text{if } i < j \text{ and } \theta \geq \theta \\ \text{A} + \text{A} & \text{if } i < j \text{ and } \theta < \theta \end{cases}$										0	0	0	0	0	0	0	0

C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

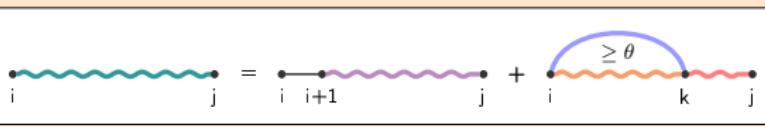


C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)	.	(.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

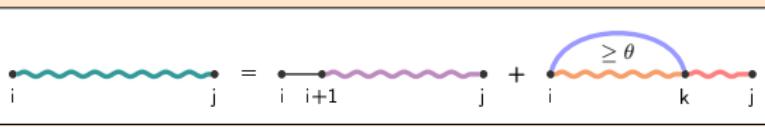


C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
C	(((.	.)	.	(.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	$i \text{---} j = i \text{---} i+1 \text{---} j + \begin{cases} \text{---} k \text{---} j & \text{if } \theta \geq \theta \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$												0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

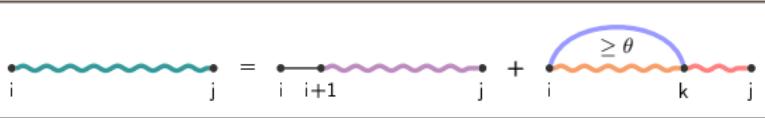
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)	.	(.)))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



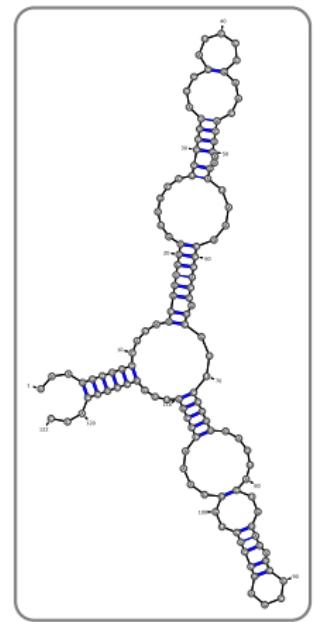
C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)	.	((.	.	.))))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A	
(((.	.	.)	.	((.	.	.))))	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	6	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	5	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :



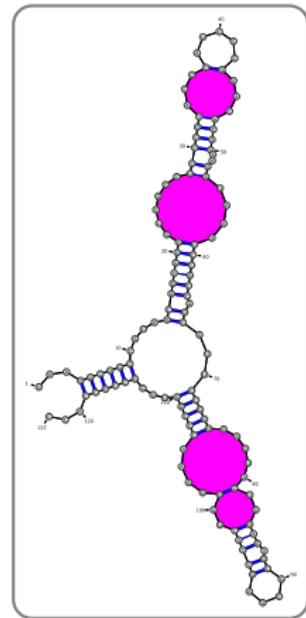
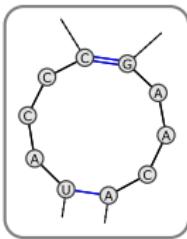
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases *libres* (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.

Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :

- Boucles internes
- Renflements
- Boucles terminales
- Boucles multiples
- Empilements



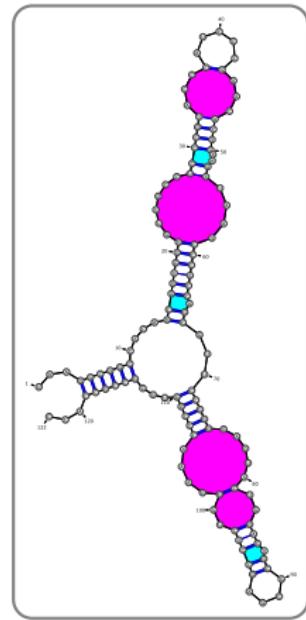
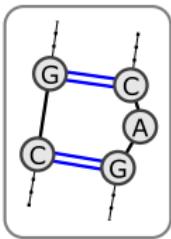
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases libres (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.

Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :

- Boucles internes
- Renflements
- Boucles terminales
- Boucles multiples
- Empilements



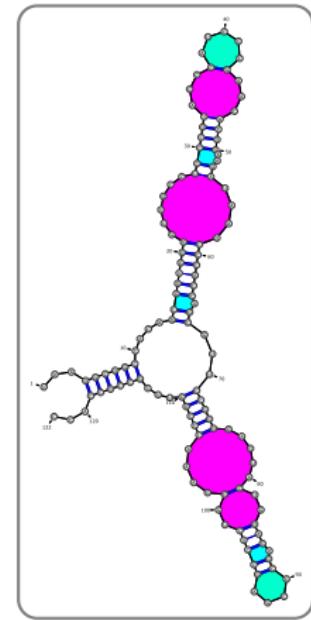
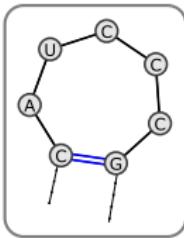
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases *libres* (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.

Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :

- Boucles internes
- Renflements
- Boucles terminales
- Boucles multiples
- Empilements



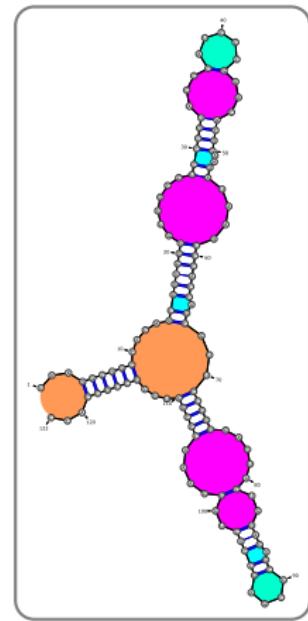
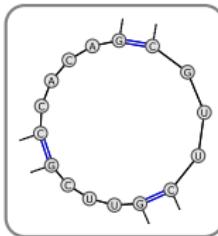
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases *libres* (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.

Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :

- Boucles internes
 - Renflements
 - Boucles terminales
 - Boucles multiples
 - Empilements



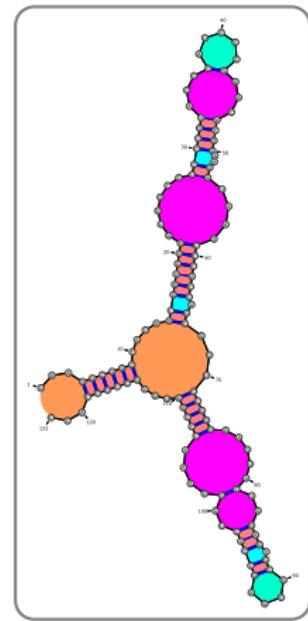
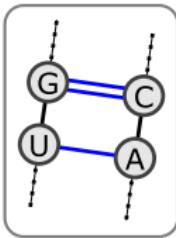
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases *libres* (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.

Basée sur décomposition non-ambiguë en boucles de la structure 2^{aire} :

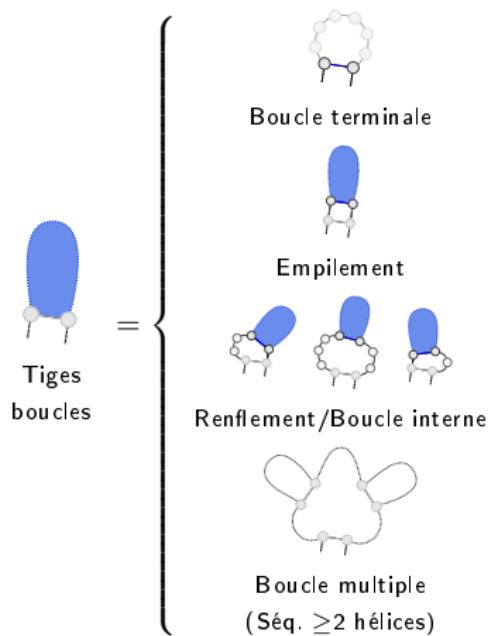
- Boucles internes
 - Renflements
 - Boucles terminales
 - Boucles multiples
 - Empilements



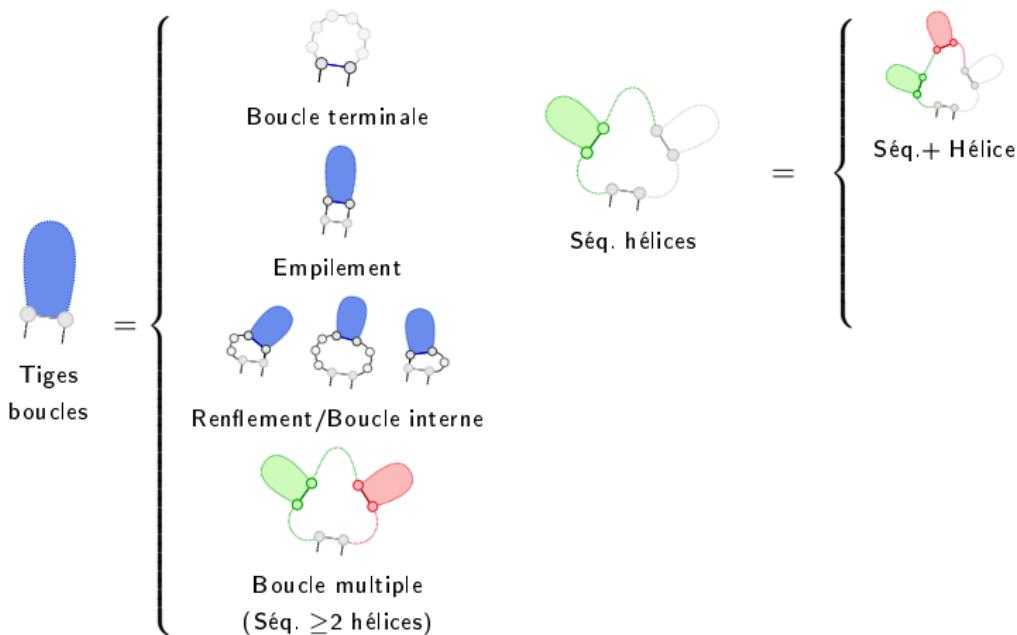
Énergies libres ΔG des boucles dépendent des bases, assymétrie, bases *libres* (dangle) ...

Déterminées expérimentalement
+ Interpolation pour grandes boucles.

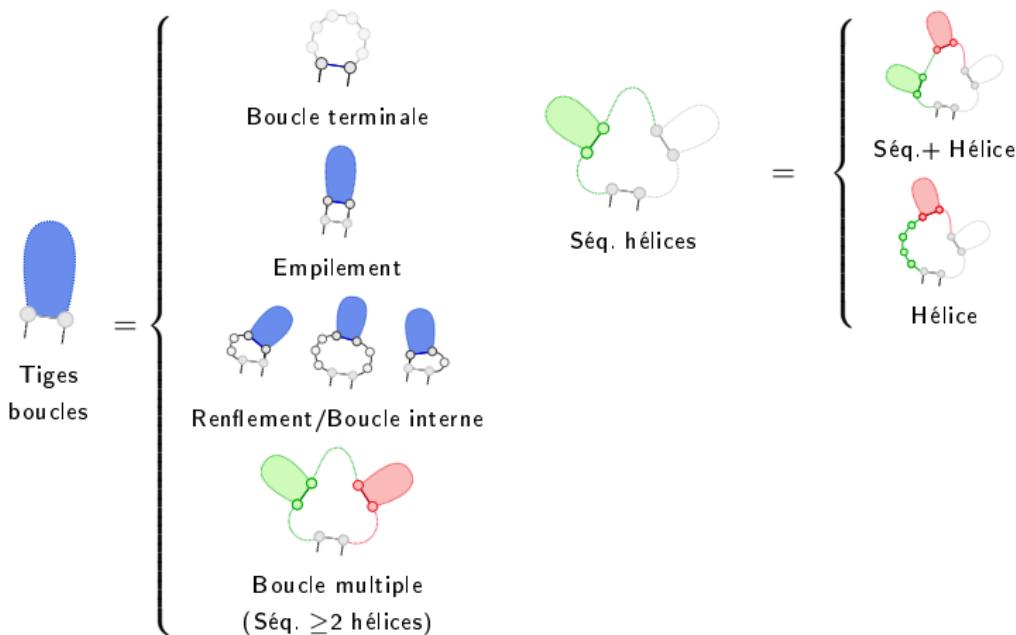
Meilleure résultats grâce à la prise en compte de l'empilement.



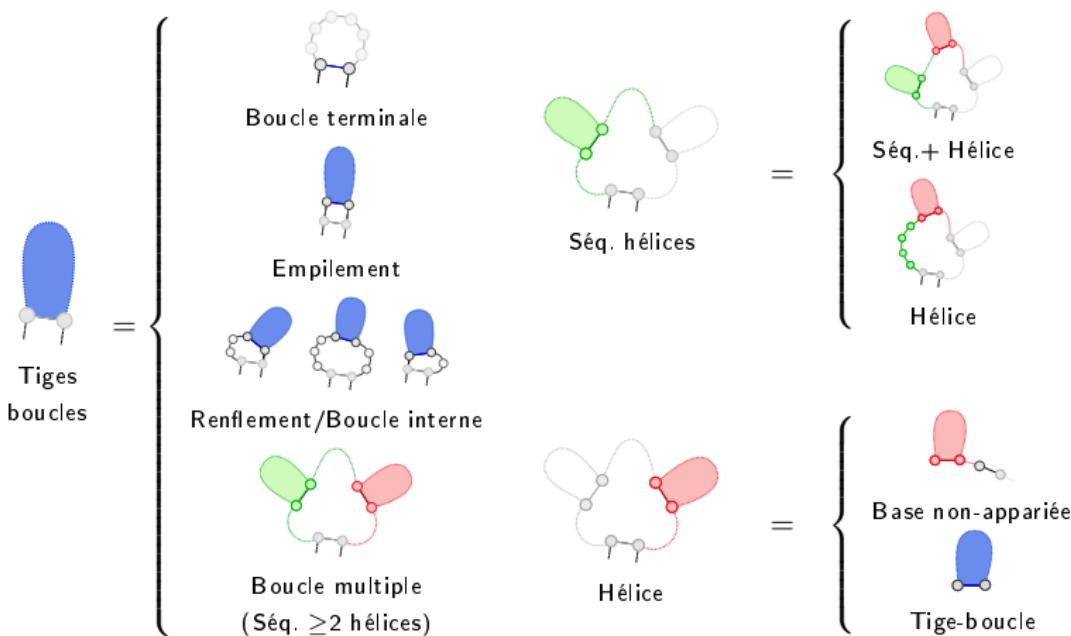
MFE DP equations



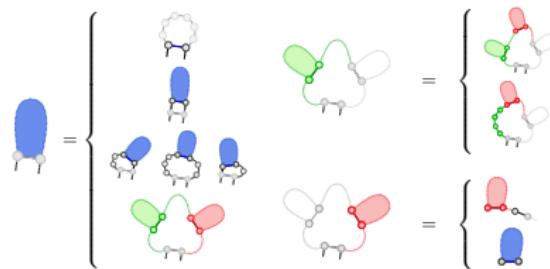
MFE DP equations



MFE DP equations



- $E_H(i,j)$: Energie de boucle terminale *fermée* par une paire (i,j)
- $E_{BI}(i,j)$: Energie de renflement ou boucle interne *fermée* par une paire (i,j)
- $E_S(i,j)$: Energie d'empilement $(i,j)/(i+1,j-1)$
- a,c,b : Pénalité de boucle multiple, hélice et non-appariées dans multiboucle.



Calcul des matrices

$$\begin{aligned} \mathcal{M}'_{i,j} &= \min \left\{ \begin{array}{l} E_H(i,j) \\ E_S(i,j) + \mathcal{M}'_{i+1,j-1} \\ \text{Min}_{i',j'} (E_{BI}(i,i',j',j) + \mathcal{M}'_{i',j'}) \\ a + c + \text{Min}_k (\mathcal{M}_{i+1,k-1} + \mathcal{M}^1_{k,j-1}) \end{array} \right\} \\ \mathcal{M}_{i,j} &= \text{Min}_k \{ \min (\mathcal{M}_{i,k-1}, b(k-1)) + \mathcal{M}^1_{k,j} \} \\ \mathcal{M}^1_{i,j} &= \text{Min}_k \{ b + \mathcal{M}^1_{i,j-1}, c + \mathcal{M}'_{i,j} \} \end{aligned}$$

Remontée (Backtracking)

Reconstruction de la structure d'énergie minimale :

$$\mathcal{M}'_{i,j} = \text{Min} \left\{ \begin{array}{l} E_H(i,j) \\ Es(i,j) + \mathcal{M}'_{i+1,j-1} \\ \text{Min}_{i',j'}(E_{BI}(i,i',j',j) + \mathcal{M}'_{i',j'}) \\ a + c + \text{Min}_k(\mathcal{M}_{i+1,k-1} + \mathcal{M}^1_{k,j-1}) \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{M}_{i,j} = \text{Min}_k \{ \min (\mathcal{M}_{i,k-1}, b(k-1)) + \mathcal{M}^1_{k,j} \}$$

$$\mathcal{M}^1_{i,j} = \text{Min}_k \{ b + \mathcal{M}^1_{i,j-1}, c + \mathcal{M}'_{i,j} \}$$

$\mathcal{O}(n)$ contributeurs potentiels au Min :

\Rightarrow Complexité au pire en $\mathcal{O}(n^2)$ pour un backtrack naïf.

Garder les meilleures contributions aux Min \Rightarrow Backtrack en $\mathcal{O}(n)$

Complexités temps/mémoire en $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ pour le précalcul²

\Rightarrow UnaFold [MZ08] calcule la structure secondaire d'énergie minimale.

2. Avec une astuce pour les bulges/boucles internes ...

Remontée (Backtracking)

Reconstruction de la structure d'énergie minimale :

$$\mathcal{M}'_{i,j} \leftarrow \text{Min} \left\{ \begin{array}{l} E_H(i,j) \\ Es(i,j) + \mathcal{M}'_{i+1,j-1} \\ \text{Min}_{i',j'} (E_{BI}(i,i',j',j) + \mathcal{M}'_{i',j'}) \\ a + c + \text{Min}_k (\mathcal{M}_{i+1,k-1} + \mathcal{M}^1_{k,j-1}) \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{M}_{i,j} = \text{Min}_k \{ \min (\mathcal{M}_{i,k-1}, b(k-1)) + \mathcal{M}^1_{k,j} \}$$

$$\mathcal{M}^1_{i,j} = \text{Min}_k \{ b + \mathcal{M}^1_{i,j-1}, c + \mathcal{M}'_{i,j} \}$$

$\mathcal{O}(n)$ contributeurs potentiels au Min :

⇒ Complexité au pire en $\mathcal{O}(n^2)$ pour un backtrack naïf.

Garder les meilleures contributions aux Min ⇒ Backtrack en $\mathcal{O}(n)$

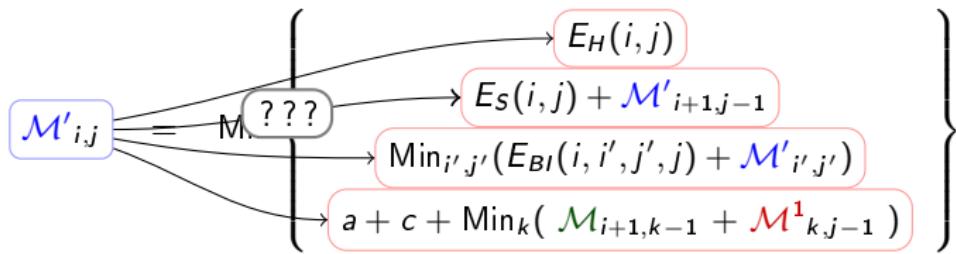
Complexités temps/mémoire en $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ pour le précalcul²

⇒ UnaFold [MZ08] calcule la structure secondaire d'énergie minimale.

2. Avec une astuce pour les bulges/boucles internes ...

Remontée (Backtracking)

Reconstruction de la structure d'énergie minimale :



$$M_{i,j} = \text{Min}_k \{ \min (M_{i,k-1}, b(k-1)) + M^1_{k,j} \}$$

$$M^1_{i,j} = \text{Min}_k \{ b + M^1_{i,j-1}, c + M'_{i,j} \}$$

$\mathcal{O}(n)$ contributeurs potentiels au Min :

\Rightarrow Complexité au pire en $\mathcal{O}(n^2)$ pour un backtrack naïf.

Garder les meilleures contributions aux Min \Rightarrow Backtrack en $\mathcal{O}(n)$

Complexités temps/mémoire en $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ pour le précalcul²

\Rightarrow UnaFold [MZ08] calcule la structure secondaire d'énergie minimale.

2. Avec une astuce pour les bulges/boucles internes ...

Remontée (Backtracking)

Reconstruction de la structure d'énergie minimale :

$$\mathcal{M}'_{i,j} = \text{Min} \left\{ \begin{array}{l} E_H(i,j) \\ Es(i,j) + \mathcal{M}'_{i+1,j-1} \\ \text{Min}_{i',j'}(E_{BI}(i,i',j',j) + \mathcal{M}'_{i',j'}) \\ a + c + \text{Min}_k(\mathcal{M}_{i+1,k-1} + \mathcal{M}^1_{k,j-1}) \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{M}_{i,j} = \text{Min}_k \{ \min(\mathcal{M}_{i,k-1}, b(k-1)) + \mathcal{M}^1_{k,j} \}$$

$$\mathcal{M}^1_{i,j} = \text{Min}_k \{ b + \mathcal{M}^1_{i,j-1}, c + \mathcal{M}'_{i,j} \}$$

$\mathcal{O}(n)$ contributeurs potentiels au Min :

\Rightarrow Complexité au pire en $\mathcal{O}(n^2)$ pour un backtrack naïf.

Garder les meilleures contributions aux Min \Rightarrow Backtrack en $\mathcal{O}(n)$

Complexités temps/mémoire en $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ pour le précalcul²

\Rightarrow UnaFold [MZ08] calcule la structure secondaire d'énergie minimale.

2. Avec une astuce pour les bulges/boucles internes ...

Remontée (Backtracking)

Reconstruction de la structure d'énergie minimale :

$$\mathcal{M}'_{i,j} = \text{Min} \left\{ \begin{array}{l} E_H(i,j) \\ Es(i,j) + \mathcal{M}'_{i+1,j-1} \\ \text{Min}_{i',j'}(E_{BI}(i,i',j',j) + \mathcal{M}'_{i',j'}) \\ a + c + \text{Min}_k(\mathcal{M}_{i+1,k-1} + \mathcal{M}^1_{k,j-1}) \end{array} \right\}$$

$\mathcal{M}_{i,j} \leftarrow = - \text{Min}_k \{ \min(\mathcal{M}_{i,k-1}, b(k-1)) + \mathcal{M}^1_{k,j} \}$

$\mathcal{M}^1_{i,j} \leftarrow = - \text{Min}_k \{ b + \mathcal{M}^1_{i,j-1}, c + \mathcal{M}'_{i,j} \}$

$\mathcal{O}(n)$ contributeurs potentiels au Min :

\Rightarrow Complexité au pire en $\mathcal{O}(n^2)$ pour un backtrack naïf.

Garder les meilleures contributions aux Min \Rightarrow Backtrack en $\mathcal{O}(n)$

Complexités temps/mémoire en $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ pour le précalcul²

\Rightarrow **UnaFold** [MZ08] calcule la structure secondaire d'énergie minimale.

2. Avec une astuce pour les bulges/boucles internes ...

Deux approches

Definition (Repliement ab initio)

Partant de la séquence, trouver la conformation minimisant une fonction d'énergie.

Avantages :

- Explication mécanique
- Complexité raisonnable
 $\mathcal{O}(n^3)/\mathcal{O}(n^2)$ temps/mémoire
- Exploration exhaustive

Limites :

- Pas de cinétique
- Pas d'info évolutive
- Performances limitées

Definition (Approche comparative)

Partant de plusieurs séquences homologues ou d'un alignement, trouver une conformation de score (énergie+alignement) élevé.

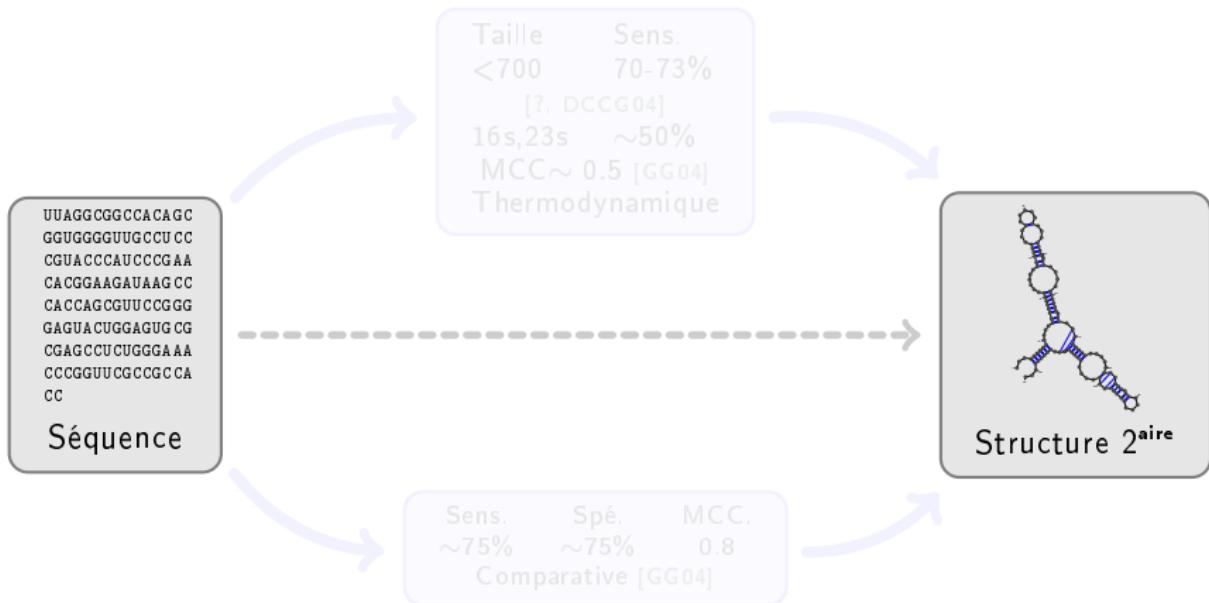
Avantages :

- Meilleures performances
- Affinement permanent

Limites :

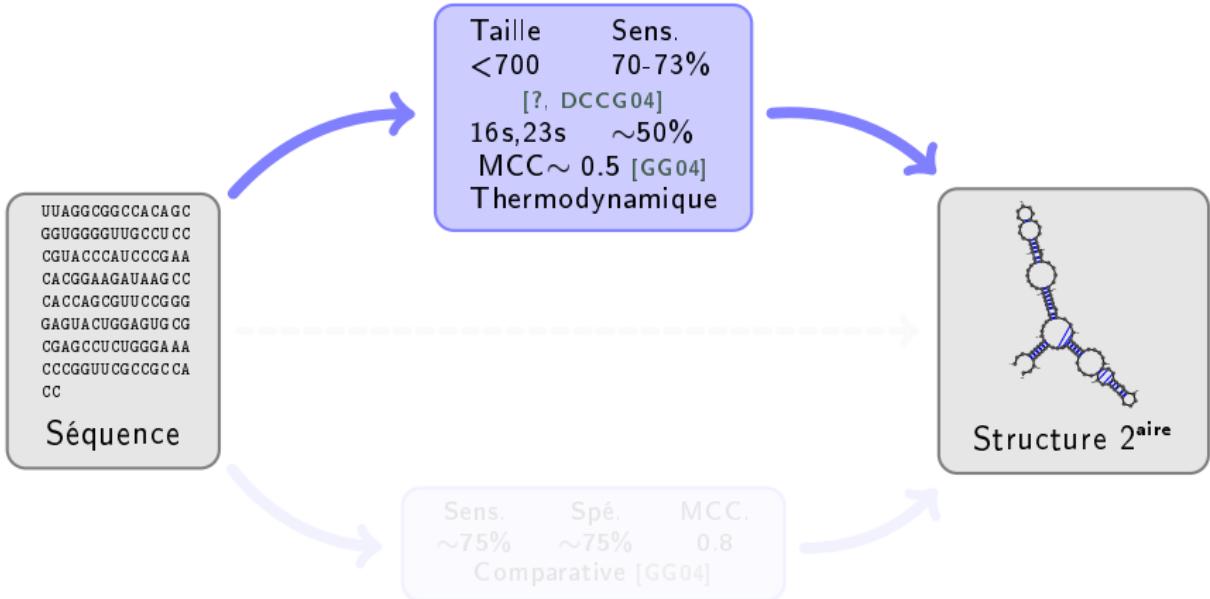
- Complexité élevée
- Exploration non-exhaustive

Performances



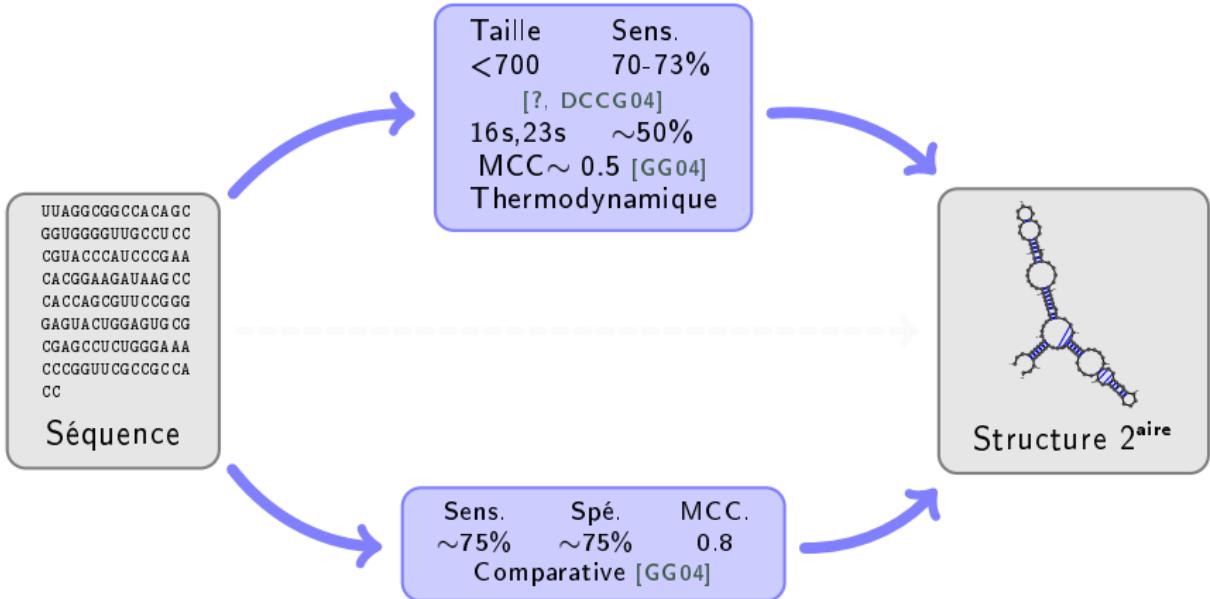
$$\text{Rappel : } MCC = \frac{t^+ t^- - f^+ f^-}{\sqrt{(t^+ + f^+)(t^+ + f^-)(t^- + f^+)(t^- + f^-)}}$$

Performances



$$\text{Rappel : } MCC = \frac{t^+ t^- - f^+ f^-}{\sqrt{(t^+ + f^+)(t^+ + f^-)(t^- + f^+)(t^- + f^-)}}$$

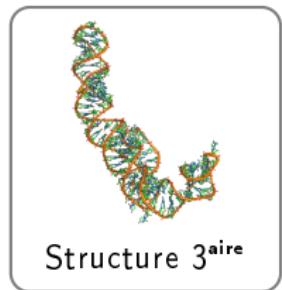
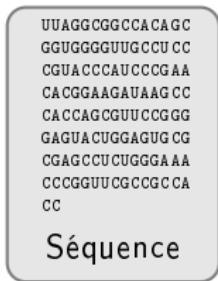
Performances



$$\text{Rappel : } MCC = \frac{t^+ t^- - f^+ f^-}{\sqrt{(t^+ + f^+)(t^+ + f^-)(t^- + f^+)(t^- + f^-)}}$$

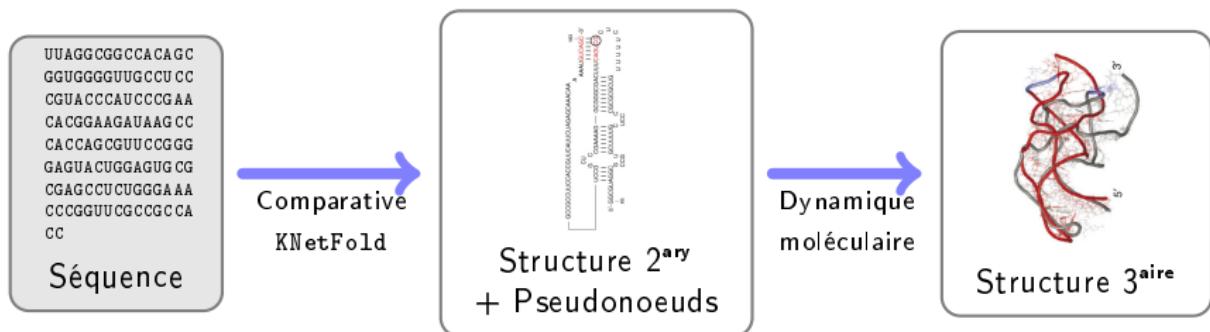
But : De la séquence à des modèles tri-dimensionnels !!!

- Models comparatifs + Dynamique moléculaires : RNA2D3D [SYKB07]
- Pipeline MC-Fold/MC-sym [PM08]



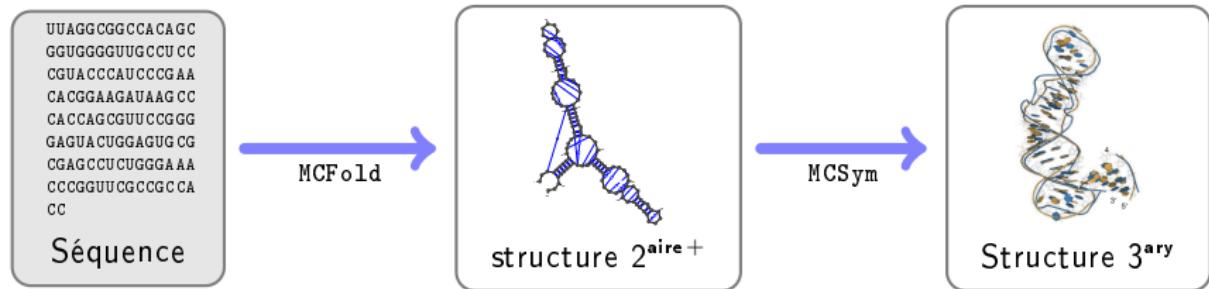
But : De la séquence à des modèles tri-dimensionnels !!!

- Models comparatifs + Dynamique moléculaires : RNA2D3D [SYKB07]
- Pipeline MC-Fold/MC-sym [PM08]



But : De la séquence à des modèles tri-dimensionnels !!!

- Models comparatifs + Dynamique moléculaires : RNA2D3D [SYKB07]
- Pipeline MC-Fold/MC-sym [PM08]



References |

-  A. Condon, B. Davy, B. Rastegari, S. Zhao, and F. Tarrant.
Classifying RNA pseudoknotted structures.
Theoretical Computer Science, 320(1) :35–50, 2004.
-  K. Doshi, J. J. Cannone, C. Cobaugh, and R. R. Gutell.
Evaluation of the suitability of free-energy minimization using nearest-neighbor energy parameters for rna secondary structure prediction.
BMC Bioinformatics, 5(1) :105, 2004.
-  P. Gardner and R. Giegerich.
A comprehensive comparison of comparative rna structure prediction approaches.
BMC Bioinformatics, 5(1) :140, 2004.
-  R. B. Lyngsø and C. N. S. Pedersen.
RNA pseudoknot prediction in energy-based models.
Journal of Computational Biology, 7(3-4) :409–427, 2000.
-  N. Leontis and E. Westhof.
Geometric nomenclature and classification of RNA base pairs.
RNA, 7 :499–512, 2001.
-  Ján Maňuch, Chris Thachuk, Ladislav Stacho, and Anne Condon.
Np-completeness of the direct energy barrier problem without pseudoknots.
pages 106–115, 2009.
-  N. R. Markham and M. Zuker.
Bioinformatics, chapter UNAFold, pages 3–31.
Springer, 2008.
-  M. Parisien and F. Major.
The MC-Fold and MC-Sym pipeline infers RNA structure from sequence data.
Nature, 452(7183) :51–55, 2008.



Lioudmila V Sharova, Alexei A Sharov, Timur Nedorezov, Yulan Piao, Nabeebi Shaik, and Minoru S H Ko.

Database for mrna half-life of 19 977 genes obtained by dna microarray analysis of pluripotent and differentiating mouse embryonic stem cells.

DNA Res., 16(1) :45–58, Feb 2009.



B. A. Shapiro, Y. G. Yingling, W. Kasprzak, and E. Bindewald.

Bridging the gap in rna structure prediction.

Curr Opin Struct Biol, 17(2) :157–165, Apr 2007.